

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

МАТЕМАТИКА

**(ВКЛ. АЛГЕБРУ И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА,
ГЕОМЕТРИЮ)**

10-11 КЛАССЫ

1.1. Паспорт оценочных средств

Наименование раздела, темы	Код освоенных предметных результатов	Формы и методы контроля	
		Текущий контроль успеваемости	Промежуточная аттестация
1	2	3	4
Тема 1.1. Развитие понятия о числе. Корни, степени, логарифмы.	<i>ПР1</i>	<i>ПР №1,3,4,5 КР №1</i>	<i>Контрольная работа</i>
Тема 1.2. Основы тригонометрии	<i>ПР 2,3</i>	<i>ПР №9,10 КР №2</i>	
Тема 2.1. Прямые и плоскости в пространстве	<i>ПР2, ПР3, ПР6</i>	<i>ПР № 11,12 КР №3</i>	
Тема 2.2 Многогранники и круглые тела	<i>ПР2, ПР3, ПР6</i>	<i>ПР №16,18, 19 КР №4</i>	
Тема 2.3 Координаты и векторы в пространстве	<i>ПР2, ПР3, ПР6</i>	<i>ПР №21 КР №5</i>	
Тема 3.1. Функции и их свойства	<i>ПР 1- 3,8</i>	<i>ПР №22,24,25, 27 КР №6</i>	
Тема 3.2. Уравнения и неравенства	<i>ПР 3,4</i>	<i>ПР №29,30,31,32,33,34 КР №7</i>	
Тема 4.1 Производная и её применение	<i>ПР5</i>	<i>ПР №36,38,39 КР №8</i>	
Тема 4.2 Интеграл и его применение	<i>ПР5</i>	<i>ПР № 41 КР №9</i>	
Тема 5.1 Комбинаторика, теория вероятностей и математическая статистика	<i>ПР 1,7</i>	<i>ПР №45 КР №10</i>	

I. КОНТРОЛЬНО-ИЗМЕРИТЕЛЬНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ

2.1.1 ВХОДНОЙ КОНТРОЛЬ

Спецификация

Входной контроль проводится с целью определения готовности обучающегося к освоению учебной дисциплины, базируется на дисциплинах, предшествующих изучению данной дисциплины:

- Алгебра, 7-9 класс.
- Геометрия, 7-9 класс.

По результатам входного контроля планируется осуществление в дальнейшем дифференцированного и индивидуального подхода к обучающимся. При низком уровне знаний проводятся корректирующие курсы, дополнительные занятия, консультации.

Тест входного контроля

1. Решением неравенства $2x + 5 < 4x - 3$ является: а) $x > 4$ б) $x < 4$ в) $x > 1$
г) $x < 1$

2. Последовательность чисел по возрастанию а) $-6,5$ б) 0 в) $0,3$ г) -10

3. Значение выражения $6^2 \cdot 3^3 \cdot 2^4$ равно: а) 10 б) 47 в) 13 г) 29

4. Соответствие функции к её графику:

1) $y = x^2 - 5$ 2) $y = 5x + 4$ 3) $y = \frac{1}{x}$	А) прямая Б) парабола В) кривая Г) гипербола
---	---

5. Корень уравнения $x^2 - 16 = 0$ а) -4 б) 4 и -4 в) 4 г) корней нет

6. Формула дискриминанта имеет вид.....

7. Корень уравнения $\frac{x-2}{6} = \frac{3x-4}{12}$ равен а) 0 б) $\frac{1}{3}$ в) $\frac{1}{6}$ г) -4 д) -2

8. Соотнесите обыкновенные дроби с равными им десятичными.

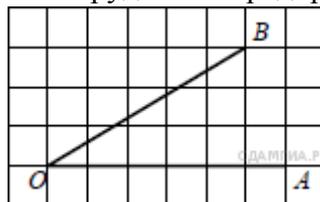
1). $\frac{3}{25}$ 2). $\frac{1}{2}$ 3). $\frac{1}{50}$	а) $0,5$ б) $0,02$ в) $0,12$ г) $0,625$
---	---

9. Укажите наибольшее из следующих чисел:

а) $\sqrt{22}$ б) $2\sqrt{7}$ в) $(\sqrt{7})^2$ г) $\frac{\sqrt{32}}{a^{-11} \cdot a^4}$

10. Упростите выражение a^{-3}

11. На предприятии работало 240 сотрудников. После модернизации производства их число сократилось до 192. На сколько процентов сократилось число сотрудников предприятия?



12. Найдите тангенс угла AOB , изображённого на рисунке

13. Соответствие функции к его определению

1) Синус острого угла прямоугольного треугольника	А) отношение прилежащего катета к гипотенузе
2) Косинус острого угла прямоугольного треугольника	Б) отношение противолежащего катета к прилежащему катету
3) Тангенс острого угла прямоугольного треугольника	В) отношение противолежащего катета к гипотенузе
	Г) отношение прилежащего катета к противолежащему катету

14. Определите верное утверждение:

А) Если угол равен 120° , то смежный с ним равен 120° . Б) Если угол равен 120° , то смежный с ним равен 60° . В) Если угол равен 120° , то смежный с ним равен 20° .

15. Соответствие фигуры и формулы по нахождению площади

1) квадрат	А) $S = (a + b) \cdot 2$
2) прямоугольник	Б) $S = a \cdot b$

3) параллелограмм	В) $S = a \cdot h$ Г) $S = a^2$
-------------------	------------------------------------

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	а	1
2	г, а, б, в	1
3	б	1
4	1 – б, 2 – а, 3 – г	1
5	г	1
6	$D = b^2 - 4ac$	1
7	а	1
8	1 – в, 2 – а, 3 – б	1
9	в	1
10	a^{-4}	1
11	На 20%	1
12	0,6	1
13	1 – в, 2 – а, 3 – б	1
14	б	1
15	1 – г, 2 – б, 3 – в	1
	ИТОГО	1 5
«отлично» - 15		«хорошо» - 11 - 14
		«удовлетворительно» - 7 - 10

2.1.2 ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ

Текущий контроль успеваемости осуществляется в ходе повседневной учебной работы по учебной дисциплине. Данный вид контроля должен стимулировать стремление к систематической самостоятельной работе по изучению программы курса, овладению знаний и умений, позволяет отслеживать положительные / отрицательные результаты и планировать предупреждающие/корректирующие мероприятия.

1. ПРАКТИЧЕСКИЕ РАБОТЫ

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА № 1 «Арифметические действия над числами, сравнение числовых выражений» выполняется в письменном виде.

1 вариант

1. Соответствие математики с другими науками

<i>1) география 2) физика 3) информатика</i>	<i>А) вычисление скорости движения Б) определение местоположения В) нахождение банковского вклада Г) нахождение объёма информации</i>
--	---

2. Изучение математики способствует развитию:

*А) художественного воображения
в) логического мышления*

*б) моторики рук
Г) правописания*

3. Закончите предложение: « Числа, которые используются при счёте предметов, называются.....»

4. Определите соответствие числового множества его обозначению.

<i>1) натуральные числа 2) рациональные числа 3) целые числа</i>	<i>а) Q б) R в) N г) Z</i>
--	--

5. Определите соответствие числа числовому множеству.

<i>1) 0,7 2) -7 3) $\sqrt{7}$</i>	<i>А) целое Б) натуральное В) иррациональное Г) рациональное</i>
--	--

6. Запишите число 0, 2(6) в виде обыкновенной дроби

7. Вычислите с помощью калькулятора и округлите результат до сотых: $\sqrt{7} - \sqrt{5}$.

8. Раскройте модуль: $[\sqrt{5} - 3]$

2 вариант.

1. Соответствие роли математики в практической деятельности

1) кулинария 2) медицина 3) строительство	а) вычисление необходимого материала б) определение уксуса в растворе в) определение дохода г) составление графика температур
---	---

2. Изучение математики способствует развитию:

- а) эстетического вкуса
б) чувства такта
в) чувства ритма
г) головного мозга

3. Закончите предложение: « Числа, которые можно представить в виде дроби

$\frac{m}{n}$, где $m \in Z$, $n \in N$ называются.....»

4. Определите соответствие обозначения множества его названию

1) J 2) N 3) R	а) <i>Натуральные числа</i> б) <i>Действительные числа</i> в) <i>Рациональные числа</i> г) <i>Иррациональные числа</i>
----------------------	--

5. Определите соответствие числа числовому множеству.

1) 0,(7) 2) 5 3) - 4	А) <i>целое</i> Б) <i>натуральное</i> В) <i>иррациональное</i> Г) <i>рациональное</i>
----------------------------	--

6. Запишите число 0, (15) в виде обыкновенной дроби

7. Вычислите с помощью калькулятора и округлите результат до сотых:

$$\sqrt[5]{\quad} \cdot \sqrt[3]{\quad}$$

8. Раскройте модуль: $[\sqrt{7} - 4]$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	

1	1 - б, 2 - а, 3 - г	1 - б, 2 - г, 3 - а	2
2	в	г	1
3	натуральные	рациональные	1
4	1 - в, 2 - а, 3 - г	1 - г, 2 - а, 3 - б	2
5	1 - г, 2 - а, 3 - в	1 - г, 2 - б, 3 - а	2
6	$\frac{26 - 2}{90} = \frac{4}{15}$	$\frac{15}{99} = \frac{5}{33}$	2
7	$2,645 - 2,236 = 0,409 \sim 0,41$	$2,236 + 1,732 = 3,968 \quad 3,97$	2
8	$\sqrt{5} < 3 \Rightarrow [\sqrt{5} - 3] = -\sqrt{5} + 3$	$\sqrt{7} < 4 \Rightarrow [\sqrt{7} - 4] = \approx -\sqrt{7} + 4$	2
		ИТОГО	1 4
«отлично» - 13,14. «хорошо» - 10 - 12 «удовлетворительно» - 7 - 9			

Практическая работа № 3 «Выполнение расчетов с радикалами»
выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант

1. Вычислите, используя свойства корня n-ой степени: а) $\sqrt[3]{8}$ б) $\sqrt[4]{\frac{16}{81}}$ в) $\sqrt[4]{64}$

г) $\sqrt[3]{23 \cdot 56}$ д) $\sqrt[4]{4 \cdot \sqrt[3]{8}}$ е) $\sqrt[8]{\frac{4^2}{1}}$ ж) $\sqrt[3]{8 \cdot 343}$ з) $\sqrt[7]{\frac{2^7 \cdot 3^{21}}{5^{14}}}$

и) $\sqrt[5]{95 \cdot 28^5 \cdot 2}$ к) $\sqrt[3]{32} \cdot \sqrt{2}$

2 Решите уравнение: а) $x^7 = 128$ б) $x^4 - 16 = 0$

2 вариант

1. Вычислите, используя свойства корня n-ой степени: а) $\sqrt[3]{64}$ б) $\sqrt[4]{\frac{81}{625}}$ в) $\sqrt[3]{106}$

г) $\sqrt[4]{312 \cdot 28}$ д) $\sqrt[3]{32 \cdot \sqrt{2}}$ е) $\sqrt[6]{7^2}$ ж) $\sqrt[5]{32 \cdot 243}$ з) $\sqrt[8]{\frac{28 \cdot 324}{5^{16}}}$

и) $\sqrt[4]{21 \cdot \sqrt[6]{27} \cdot 312}$ к) $\sqrt[3]{\sqrt{4} \cdot \sqrt[6]{16}}$

2 Решите уравнение: а) $x^5 = -243$ б) $x^6 - 64 = 0$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) 2 б) 2/3 в) 2 г) 50 д) 2 е) 5 ж) 14 з) 2,16 и) 36 к) 2	А) 4 б) 3/5 в) 100 г) 108 д) 4 е) 7 ж) 6 з) 2,16 и) 72 к) 2	1 0
2	А) 2 б) 2 ±	А) -3 б) 2 ±	2
	ИТОГО		1 2
«отлично» - 12			«хорошо» - 9- 11
			«удовлетворительно» - 6 - 8

Практическая работа № 4 «Преобразование выражений, содержащих степени» выполняется в письменном виде.

Примерные задания 1

вариант

1. Вычислите: А) 16^2 б) $81^{\frac{3}{4}}$ в) $\left(\frac{1}{8}\right)^{-\frac{2}{3}}$ г) $64^{1,5}$

2. Упростите: А) $a^3 \sqrt[4]{a}$ б) $a^3 \sqrt[3]{a^2}$

3. Упростите и найдите значение выражения: $\frac{a^2 \sqrt[4]{b^1}}{\sqrt{a} \sqrt[3]{8} b^9}$, если $b = 2$, $a = 3$

2 вариант

1. Вычислите: А) $16^{\frac{5}{4}}$ б) $81^{\frac{1}{4}}$ в) $64^{\frac{2}{3}}$ г) $9^{1,5}$

2. Упростите: А) $a^4 \sqrt[3]{a^2}$ б) $a^4 \sqrt[3]{a^2}$

3. Упростите и найдите значение выражения: $\frac{(a^3 \cdot \sqrt{b})^{\frac{1}{3}}}{\sqrt{a} \cdot \sqrt[6]{b}}$, если $a = 9$, $b = 8$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
---	---	-------

	1 вариант	2 вариант	
--	-----------	-----------	--

1	A) 64 б) 27 в) 4 г) 512	A) 32 б) 3 в) 16 г) 27	4
2	A) a^2 б) $a^{\frac{2}{3}}$	A) $a^{\frac{1}{4}}$ б) $a^0 = 1$	2
3	$b^{-1} \Rightarrow 2^{-1} = 0,5$	$a^{\frac{1}{2}} \Rightarrow 9^{1/2} = 3$	2
ИТОГО			8
«отлично» - 8 баллов			«хорошо» - 6,7 баллов
			«удовлетворительно» - 4,5 бал

Практическая работа № 5 «Преобразование логарифмических выражений»
выполняется в письменном виде.

Примерные задания 1

вариант

1. Вычислите: а) $\log_2 128$ б) $\log_2 \frac{1}{8}$ в) $\log_5 \sqrt[3]{5}$ Г) $3^{\log_3 17}$ д) $25^{\log_5 3}$
е) $\log_2 3 \log_2 24 \log_2 9$ ж) $\log_{16} 64$

2. Решите уравнение:

а) $\log_4 x \stackrel{?}{=} 3$ б) $\log_2(x-4) \stackrel{?}{=} 5$

3. Найдите x, если

$$\log_5 x \stackrel{?}{=} 2 \log_5 3 \quad \frac{1}{2} \log_5 49 \quad \frac{1}{3} \log_5 27$$

2 вариант.

1. Вычислите: а) $\log_4 256$ б) $\log_2 \frac{1}{16}$ в) $\log_7 \sqrt{7}$ Г) $5^{\log_5 13}$ д) $4^{\log_2 5}$

е) $\log_3 6 \log_3 16 \log_3 8$ ж) $\log_9 243$

2. Решите уравнение:

а) $\log_5 x \stackrel{?}{=} 2$ б) $\log_3(x-1) \stackrel{?}{=} 4$

3. Найдите x, если

$$\log_7 x \stackrel{?}{=} 2 \log_5 \frac{1}{2} \log_7 36 \quad \frac{1}{3} \log_7 125$$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	A) 7 б) -3 в) $\frac{1}{3}$ г) 17 д) 9	A) 4 б) -4 в) $\frac{1}{5}$ г) 13 д) 25 е)	7

	Е) 3 ж) 1,5	1 Ж) 2,5	
2	$\frac{1}{64}$ А) $\frac{1}{64}$ б) 36	$\frac{1}{25}$ А) $\frac{1}{25}$ б) 80	2
3	21	30	3
	ИТОГО		1 2
«отлично» - 12баллов , «хорошо» - 9-11 баллов , «удовлетворительно» - 6 – 8 баллов			

Практическая работа № 9 «Нахождение значения тригонометрических выражений»
выполняется в письменном виде.

Примерные задания 1 вариант

- Переведите угол из градусов в радианы и наоборот: а) $65^\circ = ?$ рад б) $\frac{3\pi}{5} \times ?^\circ$
- Определите четверть угла и знак выражения (больше или меньше 0):
а) $\cos 476^\circ$ б) $\sin 216^\circ$ в) $\operatorname{tg}(16^\circ)$
- Вычислите: а) $2 \cos 60^\circ \operatorname{tg} \frac{3\pi}{4}$ б) $2 \cos \frac{5\pi}{6} \operatorname{ctg} \frac{5\pi}{3} \sin \frac{3\pi}{2}$ в) $\arcsin \frac{1}{2} + \arccos 0$

2 вариант

- Переведите угол из градусов в радианы и наоборот: а) $72^\circ = ?$ рад б) $\frac{5\pi}{18} \times ?^\circ$
- Определите четверть угла и знак выражения (больше или меньше 0):
а) $\sin 375^\circ$ б) $\cos 208^\circ$ в) $\operatorname{ctg}(100^\circ)$
- Вычислите: а) $\operatorname{ctg} 45^\circ - 2 \sin \frac{5\pi}{6}$ б) $2 \sin \frac{5\pi}{3} \operatorname{tg} \frac{5\pi}{6} \cos \frac{5\pi}{6}$ в) $\arcsin 1 - \arccos \frac{\sqrt{3}}{2}$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	$\frac{13\pi}{36}$ А) $\frac{13\pi}{36}$ б) 108°	$\frac{2\pi}{5}$ А) $\frac{2\pi}{5}$ б) 50°	2
2	А) II, меньше 0 Б) III, меньше 0 В) IV, меньше 0	А) I, больше 0 Б) III, меньше 0 В) III, больше 0	6

3	A) 0 Б) 2 в) $\frac{2\pi}{3}$	A) 0 б) 0 в) $\frac{\pi}{3}$	3
	ИТОГО		1 1
«отлично» - 11		«хорошо» - 8 - 10	«удовлетворительно» - 6,7

Практическая работа № 10 «Основные тригонометрические тождества, формулы сложения, удвоения, преобразование суммы тригонометрических функций в произведение, преобразование произведения тригонометрических функций в сумму» выполняется в письменном виде.

Примерные задания (1 часть) 1 вариант

1. Восстановите формулу:

а) $tg \rightarrow \cdot ctg \rightarrow = \dots$ б) $1 + \dots = \frac{1}{\sin^2 \rightarrow}$ в) $\sin(\rightarrow) \cdot \dots$

г) $\cos 2 \rightarrow \cdot \dots$ д) $ctg \rightarrow \cdot \dots$

2. Вычислите: а) $\sin(30^\circ) \cdot \cos(60^\circ)$ б) $ctg\left(\frac{\pi}{4}\right) \cdot \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)$

3. Упростите: а) $\sin^2 x \cdot \cos^2 x \cdot tgx \cdot ctgx$ б) $\cos(-x) + \sin(-x) \cdot ctgx$

4. Дано: $\sin \rightarrow = \frac{4}{5}$. Найти: $\cos \rightarrow, tg \rightarrow, ctg \rightarrow$

2 вариант

1. Восстановите формулу:

а) $tg \rightarrow \cdot \dots$ б) $\cos(\rightarrow) = \dots$ в) $\sin 2 \rightarrow \cdot \dots = 1$

г) $\frac{1}{\cos^2 \rightarrow} \cdot \dots$ д) $\frac{\cos \rightarrow}{\sin \rightarrow} = \dots$

2. Вычислите: а) $\cos(45^\circ) \cdot \sin(45^\circ)$ б) $tg\left(\frac{\pi}{3}\right) \cdot \cos\left(\frac{\pi}{6}\right)$

3. Упростите: а) $tgx \cdot ctgx \cdot \sin^2 x$ б) $\cos(-x) \cdot tg x + \sin(-x)$

4. Дано: $\cos x = \frac{3}{5}$, $\frac{3}{2} \sin x = 2$. Найти: \sin , tg , ctg

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) 1 б) $\operatorname{ctg}^2 a$ в) $-\sin a$ г) $1 - \sin^2 a$ д) $\cos a / \sin a$	а) $\sin a / \cos a$ б) $\cos a$ в) $\cos^2 a$ г) $1 + \operatorname{tg}^2 a$ д) $\operatorname{ctg} a$	5
2	А) 0 б) 0,5	А) 0 б) $-\sqrt{3}$	2
3	А) 2 б) 0	А) $\cos^2 a$ б) 0	2
4	$\cos a = -3/5$ $\operatorname{tga} = -4/3$ $\operatorname{ctg} a = -3/4$	$\sin a = -4/5$ $\operatorname{tga} = -4/3$ $\operatorname{ctg} a = -3/4$	3
	ИТОГО		1 2
«отлично» - 12 баллов			«хорошо» - 9 – 11 баллов
6 – 8 баллов			«удовлетворительно» -

Практическая работа № 10 «Основные тригонометрические тождества, формулы сложения, удвоения, преобразование суммы тригонометрических функций в произведение, преобразование произведения тригонометрических функций в сумму» выполняется в письменном виде.

Примерные задания (2 часть) 1 вариант.

1. Упростите: а) $\sin\left(\frac{3\pi}{2}\right) \rightarrow$ б) $\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow$ в) $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{2}\right) \rightarrow$ г) $\operatorname{ctg}\left(2\frac{\pi}{3}\right) \rightarrow$
- д) $\sin^2\left(\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow$ $\sin^2\left(\frac{\pi}{3}\right) \rightarrow$
2. Вычислите: а) $\sin 150^\circ$ б) $\operatorname{tg} 210^\circ$

2 вариант.

1. Упростите: а) $\cos\left(\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow$ б) $\sin(2\pi) \rightarrow$ в) $\operatorname{ctg}\left(\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow$ г) $\operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{4}\right) \rightarrow$ 2
- д) $\cos^2\left(\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow$ $\cos^2\left(\frac{\pi}{3}\right) \rightarrow$.
2. Вычислите: а) $\cos 135^\circ$ б) $\operatorname{ctg} 240^\circ$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	A) $\cos a$ б) $-\cos a$ в) $-$ ctga Г) ctga д) 1	A) $-\sin a$ б) $-\sin a$ в) $-\operatorname{ctga}$ Г) $-\operatorname{ctga}$ д) 1	5
2	A) $\frac{1}{2}$ б) $\frac{1}{\sqrt{3}}$	A) $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ б) $\frac{1}{\sqrt{3}}$	2
ИТОГО			7
«отлично» - 7 баллов «хорошо» - 5,6 баллов «удовлетворительно» - 3,4 балла			

Практическая работа № 11 «Решение задач на определение и доказательство признаков взаимного расположения прямых и плоскостей в пространстве» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

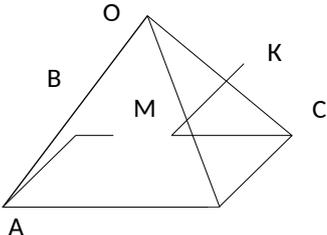
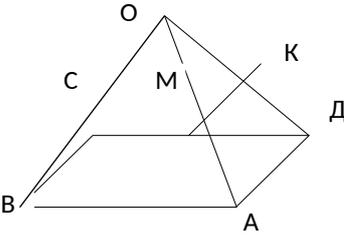
- Закончите предложение: «Прямые, которые лежат в одной плоскости и имеют общую точку, называются...»
- Выполните рисунок по условию: ABCD – параллелограмм, точка O не принадлежит этому параллелограмму, M – середина OD, K – середина OC
Определите взаимное расположение прямых:
а) AB и MK б) OM и DM в) MK и AD г) AO и MD д) AB и OC
- По рисунку из задания 2 докажите, что прямая MK параллельна плоскости ABC.

2 вариант.

- Закончите предложение: «Прямые, которые лежат в одной плоскости и не пересекаются, называются...»
- Выполните рисунок по условию: ABCD – параллелограмм, точка O не принадлежит этому параллелограмму, M – середина AO, K – середина OD
Определите взаимное расположение прямых:
а) MK и BC б) MK и OC в) DK и DO г) AO и DC д) AB и OM
- По рисунку из задания 2 докажите, что прямые MK и CD скрещивающиеся.

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	пересекающиеся	параллельные	1

2	 <p>А) параллельные Б) совпадающие В) скрещивающиеся Г) пересекающиеся Д) скрещивающиеся</p>	 <p>А) параллельные Б) скрещивающиеся В) совпадающие Г) скрещивающиеся Д) пересекающиеся</p>	5
3	$MK \parallel \equiv (ABC), MK \parallel \parallel DC$ (т.к. MK - средняя линия $\triangle DOC$), $DC \parallel \parallel (ABC)$ по признаку параллельности прямой и плоскости.	$KM \subset (DOA), DC \cap (DOA) = D, D \notin KM \Rightarrow KM \cap DC = \emptyset$ по признаку скрещивающихся прямых	2
ИТОГО			8
«отлично» - 8 баллов			«хорошо» - 6,7 баллов
«удовлетворительно» - 4,5 балл			

Практическая работа № 12 «Решение задач на нахождение углов и расстояний» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Выполните рисунок по условию: $ABCD$ – прямоугольник, $KA \perp (ABC)$.

Закончите предложения:

- а) расстояние от K до AB показывает отрезок.....
- б) Если $AB \perp BC$, то отрезок $\perp BC$ (по теореме о трех перпендикулярах)

2. Верно ли утверждение (да или нет)?

- А) Если наклонные равны, то равны их проекции. Б) Перпендикуляр длиннее наклонной.

3. Расстояние от точки В до плоскости → равно 8 см. Наклонная ВС с плоскостью → образует угол 30° . Найдите проекцию наклонной.

2 вариант.

1. Выполните рисунок по условию: ABCD – квадрат, KB ⊥ (ABC). Закончите предложения:

а) расстояние от К до ВС показывает отрезок.....

б) Если BC ⊥ CD, то отрезок ⊥ CD (по теореме о трех перпендикулярах)

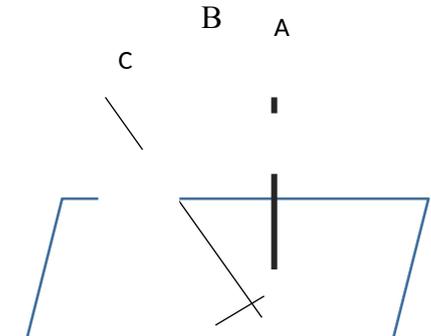
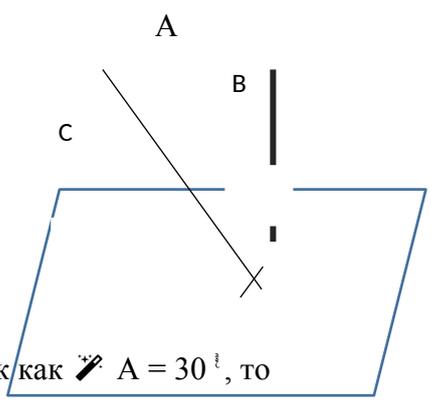
2. Верно ли утверждение? (да или нет)

А) Если проекции наклонных равны, то равны и наклонные. Б)

Наклонная равна перпендикуляру.

3. Угол между наклонной AC и перпендикуляром АВ равен 30° . Проекция наклонной равна 6 см. Найдите длину перпендикуляра.

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А)КА б) KB	А) KB б) KC	2
2	А) да б) нет	А) да б) нет	2
3	 <p>Так как $\sphericalangle C = 30^\circ$, то $BC = 2 AB$. (катет, лежащий напротив угла 30° в два раза меньше</p>	 <p>Так как $\sphericalangle A = 30^\circ$, то $AC = 2 CB$. (катет, лежащий напротив угла 30° в два раза меньше гипотенузы) ▲</p>	4

гипотенузы) $\triangle BC = 2 BA = 2 \cdot 8 = 16 \text{ см}.$ По теореме Пифагора: $AC = \sqrt{192} \text{ см},$	$AC = 2 \cdot 6 = 12 \text{ см}.$ По теореме Пифагора: $AB = \sqrt{108} = 6\sqrt{3} \text{ см},$	
ИТОГО		8
«отлично» - 8 баллов «хорошо» - 6,7 баллов «удовлетворительно» - 4,5 баллов		

Практическая работа № 16 «Вычисление площади и объёма пирамиды»

выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Закончите предложение

А) Поверхность, составленная из нескольких многоугольников, называется..... Б) Высота боковой грани правильной пирамиды называется.....

В) Призма, у которой боковые рёбра перпендикулярны основаниям, называется.... Г) Формула площади полной поверхности призмы имеет вид.....

2. Верно ли утверждение (да или нет)?

А) В основании правильной четырёхугольной призмы - квадрат. Б) Боковые грани правильной пирамиды – параллелограммы.

В) $S_{\text{бок пир}} = P_{\text{осн}} \cdot h$

3. Начертите треугольную наклонную призму.

4. В правильной треугольной призме сторона основания равна 4 см, а высота призмы равна 3 см. Найдите площади полной поверхности призмы и её объём.

5. Сторона основания правильной четырёхугольной пирамиды 4 см, высота – 3 см. Найдите площадь поверхности пирамиды и объём.

2 вариант.

1. Закончите предложение

А) Многогранник, составленный из двух равных многоугольников, расположенных в параллельных плоскостях, и n параллелограммов, называется.....

Б) Прямая призма, в основании которой квадрат или равносторонний треугольник, называется....

В) Отрезок, соединяющий вершину правильной пирамиды с центром основания, называется....

Г) Формула площади боковой поверхности призмы имеет вид.....

2. Верно ли утверждение (да или нет)?

А) В основании правильной четырёхугольной пирамиды - квадрат. Б) Все

боковые рёбра правильной пирамиды равны

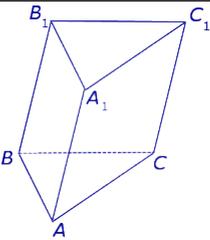
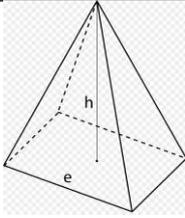
В) $S_{\text{пов}} \text{ призмы} = S_{\text{бок}} + h$

3. Начертите четырёхугольную пирамиду.

4. В правильной треугольной призме сторона основания равна 8 см, а высота призмы равна 5 см. Найдите площади полной поверхности призмы и её объём.

5. Сторона основания правильной четырёхугольной пирамиды 6 см, высота – 4 см. Найдите площадь поверхности пирамиды и объём.

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) многогранник апофема В) прямая $2S_{\text{осн}} + S_{\text{бок}}$	А) призма б) правильная В) высота г) $S_{\text{бок}} = P_{\text{осн}} \cdot h$	4
2	А) да б) нет в) нет	А) да б) да в) нет	3
3			1
4	$S_{\text{осн}} = \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = 4\sqrt{3}$ $P_{\text{осн}} = 3a = 12\text{см}$ $S_{\text{бок}} = P_{\text{осн}} \cdot h = 36 \text{ см}^2$ $S_{\text{пов}} = 2S_{\text{осн}} + S_{\text{бок}} = 2 \cdot 4\sqrt{3} + 36 = 8\sqrt{3} + 36 \text{ см}^2$ $V = S_{\text{осн}} \cdot h = 4\sqrt{3} \text{ см}^3$	$S_{\text{осн}} = 16\sqrt{3}$, $P_{\text{осн}} = 24\text{см}$, $S_{\text{бок}} = 120 \text{ см}^2$ $S_{\text{пов}} = 16\sqrt{3} + 120 \text{ см}^2$ $V = 80\sqrt{3} \text{ см}^3$	4

5		6
	<p> $S_{\text{осн}} = 6^2 = 36 \text{ см}^2$, $P_{\text{осн}} = 24 \text{ см}$ $OK = 3 \text{ см}$, Из $\triangle MOK$ по теореме Пифагора $MK = 5 \text{ см}$ $S_{\text{бок}} = \frac{1}{2} \cdot 24 \cdot 5 = 60 \text{ см}^2$ $V = \frac{1}{3} \cdot 36 \cdot 4 = 48 \text{ см}^3$ </p>	
	<p> $S_{\text{осн}} = 4^2 = 16 \text{ см}^2$, $P_{\text{осн}} = 16 \text{ см}$ $OK =$ 2 см, Из $\triangle MOK$ по теореме Пифагора $MK =$ $S_{\text{бок}} = 8 \sqrt{13} \text{ см}^2$ $S_{\text{пов}} =$ $= 16 + 8 \sqrt{13} \text{ см}^2$ $V =$ 16 см^3 </p>	
ИТОГО		18

«отлично» - 17,18 баллов, «хорошо» - 13 – 16 баллов, «удовлетворительно» - 9 – 12 баллов. **Практическая работа № 18 «Вычисление площади и объёма цилиндра. Вычисление площади и объёма конуса»** выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Прямоугольник со сторонами 4 см и 6 см вращается вокруг меньшей стороны. Найдите объём получившегося тела и площадь боковой поверхности.
2. Ведёрко имеет форму усечённого конуса с диаметрами оснований 10 см и 26 см, высотой 6 см. Найдите образующую ведра.

2 вариант.

1. Прямоугольник со сторонами 6 см и 8 см вращается вокруг большей стороны. Найдите объём получившегося тела и площадь боковой поверхности.
2. Стаканчик имеет форму усечённого конуса с диаметрами оснований 6 см и 16 см и образующей 13 см. Найдите высоту стаканчика.

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	$S_{\text{бок}} = 2 \pi R h = 48 \pi \text{ см}^2$ $V = \pi R^2 h = 144 \pi \text{ см}^3$	$S_{\text{бок}} = 2 \pi R h = 96 \pi \text{ см}^2$ $V = \pi R^2 h = 288 \pi \text{ см}^3$	2
2	$L^2 = (13-5)^2 + 6^2 = 100$, $L = 10 \text{ см}$	$L^2 = 13^2 - (8-3)^2 = 144$, $L = 12 \text{ см}$	2
	ИТОГО		4
«отлично» - 4 балла «хорошо» - 3 балла «удовлетворительно» - 2 балла			

Практическая работа № 19 «Вычисление площади и объёма шара»
выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант 1. Закончите

предложение:

- а) Тело, которое получается вращением прямоугольного треугольника вокруг катета, называется.....
- б) Отрезок, который соединяет центры оснований цилиндра, называется..... в) Какая фигура получается в осевом сечении конуса?
- г) $S_{\text{пов. цил.}} = \dots$
- д) Уравнение сферы имеет вид:

2. Изобразите усечённый конус. Покажите на рисунке образующую.

3. Изобразите шар. Покажите на рисунке радиус.

2 вариант

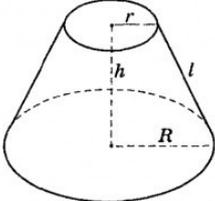
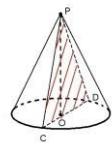
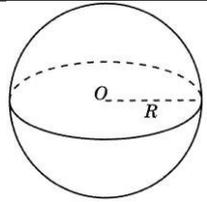
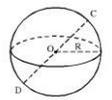
1. Закончите предложение:

- а) Тело, которое получается вращением прямоугольника вокруг одной из сторон, называется.....
- б) Тело, ограниченное сферой, называется...
- в) Секущая плоскость, проходящая через ось цилиндра, называется.... г) $S_{\text{пов. кон.}} = \dots$
- д) Площадь сферы находится по формуле...

2. Изобразите конус. Покажите на рисунке осевое сечение.

3. Изобразите сферу. Покажите на рисунке диаметр.

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) конус б) ось или высота В) равнобедренный треугольник Г) $S_{\text{пов. цил.}} = 2\pi R(R+h)$	А) цилиндр б) шар В) осевое сечение Г) $S_{\text{пов. кон.}} = \pi R(L+R)$	4
2	 L - образующая	<p style="text-align: center;">Сечения конуса</p>  <p style="text-align: center;">Осевое сечение</p>	1
3		 <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; width: fit-content; margin-top: 5px;"> O – центр сферы, OC – радиус сферы R, DC – диаметр сферы D, D = 2R </div>	1
ИТОГО			6
«отлично» - баллов			«хорошо» - 5 баллов
-3,4 балла			«удовлетворительно»

Практическая работа № 21 «Действия над векторами в координатах»

выполняется в письменном виде.

Примерные задания

Вариант 1.

Дан $\triangle ABC$: $A(2; -3; 4)$, $B(1; 0; 2)$, $C(1; 3; -2)$, CM – медиана треугольника

Найдите: 1) $2\vec{CM}$, $3\vec{CA}$ (прямой) 2) косинус угла C и его вид (острый, тупой или прямой)

Вариант 2.

Дан $\triangle ABC$: $A(1;0;2)$, $B(0;-1;3)$, $C(3;2;-2)$. BM – медиана.

Найдите: 1) $3\vec{BM}$, $2\vec{BA}$ (прямой) 2) $\cos B$ и определите вид угла B (острый, тупой, прямой)

Инструменты оценки 1 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Балл
---	---	------

		Б
1	<p>1) а) $M(1,5; -1,5; 3)$ б) $\overline{CM}\{0,5; -4,5; 5\}$ в) $\overline{2CM}\{1; -9; 10\}$ г) $\overline{CA}\{1; -6; 6\}$</p> <p>д) $\overline{3CA}\{3; -18; 18\}$ е) $\overline{3CA} + \overline{2CM} = \{4; -27; 28\}$</p> <p>1) $CA \approx \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}; \vec{3} \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix} \downarrow \approx \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \\ 6 \end{pmatrix},$ $CB \approx \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}; \vec{2} \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} \downarrow \approx \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$</p> <p>$CA \approx \sqrt{0^2 + (-3)^2 + 4^2} = 5$ $CB \approx \sqrt{0^2 + 9 + 16} = 5$ $CA \cdot CB \approx 1 \cdot 0 + 3 \cdot 3 + 2 \cdot 4 = 17$ $CA \cdot CB \approx 5 \cdot 5 \cdot \cos C \approx 17$ $\cos C \approx \frac{17}{25}$ $\angle C$ острый.</p> <p>Ответ: 1) $\overline{3CA} + \overline{2CM} = \{4; -27; 28\}$ 2) $\cos C \approx \frac{17}{25}$, угол острый</p>	
	Нахождение координат середины отрезка	1
	Нахождение координат векторов CM, CA, CB	3
	Действия над векторами	2
	Нахождение длин векторов CA и CB	1
	Нахождение скалярного произведения	1
	Нахождение косинуса угла	1
	Определение вида угла	1
	ИТОГО	10
<p>«отлично» - 9,10 баллов «хорошо» - 7-8 баллов «удовлетворительно» - 5 - 6 балла</p>		

Инструменты оценки 2 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
	$\overline{BM} = \{2; 2; -3\}$ $\overline{3BM} = \{6; 6; -9\}$	
1) а) $M(2; 1; 0)$ б) в) г)		

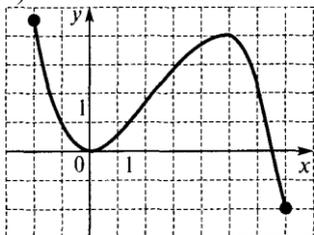
3. Определите чётность функции $y = x^4 \cdot \cos x$

4. Найдите область определения функции $y = \sqrt{2x - 4}$

5. Опишите свойства функции, график которой изображён на рисунке: а) область определения

б) множество значений

в) промежутки монотонности



2 вариант.

1. Закончите предложение:

А) График чётной функции симметричен относительно.....

Б) Множество точек координатной плоскости, абсциссы которых равны x , а ординаты $-y$, называются...

В) Если для $x_2 > x_1$ выполняется $y_2 > y_1$, то функция является...

2. Определите монотонность функции $y = 3x$

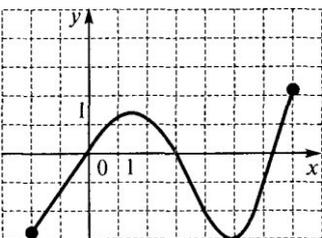
3. Определите чётность функции $y = x^3 \cdot \cos x$

4. Найдите область определения функции $y = \frac{5x}{3x - 6}$

5. Опишите свойства функции, график которой изображён на рисунке: а) область определения

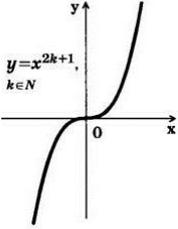
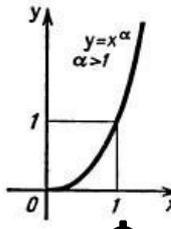
б) множество значений

в) промежутки монотонности



Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) аргумент Б) убывающая	А) оси y Б) график В) возрастающая	3
2	убывающая	возрастающая	1

2	 <p>$y = x^{2k+1}, k \in \mathbb{N}$</p> <p>$D(y) = \mathbb{R}, E(y) = \mathbb{R},$ возрастающая</p>	 <p>$y = x^\alpha, \alpha > 1$</p> <p>$D(y) = [0; +\infty);$ $E(y) = [0; +\infty),$ возрастающая</p>	3
3	<p>а) $0,8^{\sqrt{3}} < 0,9^{\sqrt{3}}$ б) $(\sqrt{6})^4 > (8)^{\sqrt{4}}$</p> <p>в) $2^{-0,6} > 3^{-0,6}$ г) $0,3^5 < 1.$</p>	<p>а) $(\sqrt{5})^{0,6} > (\sqrt{7})^{0,6}$ б) $8,3^2 > 7^{-2}$ в) $6^{-4} > 7^{-4}$ г) $2,3^8 > 1.$</p>	4
ИТОГО			8
«отлично» - 8 баллов			«хорошо» - 6,7 баллов
«удовлетворительно» - 4,5б			

Практическая работа № 25 «Определение свойств показательной функции, построение графиков» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

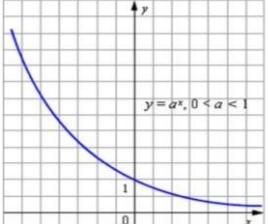
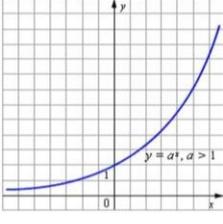
1 вариант.

- Какая из данных функций показательная: А) $y \approx x^{\sqrt{3}}$ Б) $y \approx \sqrt[4]{x^3}$ В) $y \approx 4^x$ Г) $y \approx \frac{4}{x}$
- Изобразите (схематично) график функции $y \approx 0,7^x$
- Найдите область определения функции $y \approx 1,7^{\sqrt{x}}$
- Запишите числа в порядке возрастания: $3^{\sqrt{2}}; 3^{\sqrt{5}}; 3^{1,7}$
- Сравните a и b , если $3^a \approx 3^b$

2 вариант.

- Какая из данных функций показательная: А) $y \approx 5^{\sqrt{x}}$ Б) $y \approx x^5$ В) $y \approx \sqrt[5]{x}$ Г) $y \approx \frac{5}{x}$
- Изобразите (схематично) график функции $y \approx 1,7^x$
- Найдите область определения функции $y \approx 2^{\sqrt{x}}$
- Запишите числа в порядке убывания: $\sqrt{3}; 4^{\sqrt{7}}; 4^{0,5}$
- Сравните a и b , если $3,7^a \approx 3,7^b$

Инструменты оценки

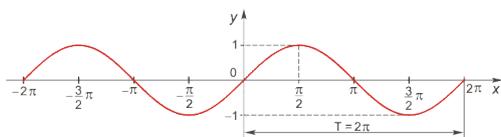
№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	в	а	1
2			1
3	$D(y) = \mathbb{R}$	$D(y) = \mathbb{R}$	1
4	$3^{\sqrt{2}} < 3^{1,7} < 3^{\sqrt{5}}$	$4^7 > 4^{\sqrt{3}} > 4^{0,5}$	2
5	$a > b$	$a < b$	1
ИТОГО			6
«отлично» - 6 баллов «хорошо» - 5 баллов «удовлетворительно» - 3,4 балла			

Практическая работа № 27 «Определение свойств тригонометрических функций, построение графиков» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Закончите предложение: « На рисунке изображён график функции $y = \dots$ »



2. Верно ли утверждение? (да или нет): А) $y = \sin x$. $D(y) = \mathbb{R}$ Б) $y = \cos x$, $E(y) = \mathbb{R}$

В) $y = \operatorname{tg} x$ - функция чётная Г) $y = \operatorname{ctg} x$, период равен $\frac{\pi}{2}$

3. Найдите область определения функции $y = \sin \frac{4}{x}$

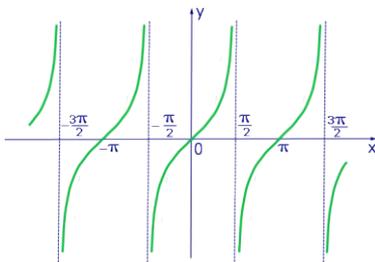
4. Определите четность функции $y = x^2 \cdot \cos x$

5. Найдите множество значений функции $y = 4\sin x - 2$

6. Сравните: а) $\cos \frac{3\sqrt{2}}{9}$ и $\cos \frac{3\sqrt{2}}{10}$ б) $\operatorname{tg} \frac{2\sqrt{2}}{7}$ и $\operatorname{tg} \left(\frac{2\sqrt{2}}{9} \right)$

2 вариант

1. Закончите предложение: « На рисунке изображён график функции $y = \dots$ »



2. Верно ли утверждение? (да или нет): А) $y = \operatorname{tg} x$, $D(y) = R$ Б) $y = \sin x$, $E(y) = [-1; 1]$

В) $y = \cos x$ - функция чётная Г) $y = \operatorname{ctg} x$, период равен 2π

3. Найдите область определения функции $y = \cos \sqrt{x+2}$

4. Определите чётность функции $y = x^3 \sin x$

5. Найдите множество значений функции $y = 2\cos \tilde{x} - 1$

6. Сравните: а) $\sin \frac{3\sqrt{2}}{10}$ и $\sin \frac{2\sqrt{2}}{9}$ б) $\operatorname{ctg} \frac{2\sqrt{2}}{7}$ и $\operatorname{ctg} \frac{2\sqrt{2}}{9}$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	$y = \sin x$	$y = \operatorname{tg} x$	1
2	А) да б) нет в) нет г) да	А) нет б) да в) да г) нет	2
3	$X \quad 4$	$X \quad 2$	1
4	чётная	чётная	1
5	$[-2; 6]$	$[-3; 1]$	1

6	а) $\cos \frac{3}{10} > \cos \frac{2}{9}$ б) $\operatorname{tg} \frac{7}{9} > \operatorname{tg} \frac{10}{9}$	а) $\sin \frac{3}{10} > \sin \frac{2}{9}$ б) $\operatorname{ctg} \frac{7}{9} > \operatorname{ctg} \frac{10}{9}$	3
ИТОГО			9
«отлично» - 9баллов		«хорошо» - 7,8	«удовлетворительно» - 4 -6

Практическая работа № 29 «Решение рациональных уравнений и неравенств, определение их равносильности. Основные приемы их решения» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Равносильны ли уравнения: $x(x-6) + 10 = 1$ и $2(x+4) = 6$?

2. Равносильны ли неравенства: $(x-2)(x+4) < x^2$ и $2x + 10 < -5x - 4$?

3. Решите уравнение: $\frac{1}{5x} \cdot \frac{9}{25x^2} \cdot \frac{3}{5x}$

4. Решите неравенство: $\frac{x+6}{x-3} \leq 0$

2 вариант

1. Равносильны ли уравнения: $1 + x(x-4) = -3$ и $3(x-2) = 3$

2. Равносильны ли неравенства: $(x+3)(x-2) > x^2$ и $9x - 9 > 7x + 3$.

3. Решите уравнение: $\frac{3}{x-1} \cdot \frac{2}{x-1} \cdot \frac{4}{x^2-1}$

4. Решите неравенство: $\frac{x-5}{x+2} \geq 0$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	$X = 2, x = -1$ не равносильные	$X = 2, x = 3$ не равносильные	2

2	$X < 4, \quad x < -2$ не равносильные	$X > 6, \quad x > 6$ равносильные	2
3	$X = 0,25$ ОДЗ: $x \neq \pm 5$	$X = 1,8$ ОДЗ: $x \neq \pm 1$	2
4	$[-6; 3)$	$(-\infty; -2) \cup [5; +\infty)$	2
ИТОГО			8
«отлично» - 8 баллов «хорошо» - 6,7 баллов «удовлетворительно» - 4,5 баллов			

Практическая работа № 30 «Решение систем уравнений и неравенств. Применение готовых компьютерных программ для решения задач» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант

Запустите программу Maxima.

1. Решите системы уравнений: а)

$$\begin{cases} \tilde{x} + 3\tilde{y} + z = 1 \\ \tilde{x} + 4\tilde{y} + z = 4 \\ \tilde{x} + 9\tilde{y} + 2z = 3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \tilde{x} + 4\tilde{y} + z = 4 \\ \tilde{x} + 9\tilde{y} + 2z = 3 \end{cases}$$

б)
$$\begin{cases} \tilde{x} + \tilde{y} + \tilde{z} = 5 \\ \frac{\tilde{x}}{4} + \frac{\tilde{y}}{3} = \frac{5}{3} \\ \tilde{x} + \frac{\tilde{y}}{6} + 4\tilde{z} = 4 \end{cases}$$

2. Решите графическим методом систему:

$$\begin{cases} \tilde{y} = 4 \cdot 2^x \\ \tilde{y} = x \end{cases}$$

$$\begin{cases} \tilde{y} = 4 \cdot 2^x \\ \tilde{y} = x \end{cases}$$

Запустите программу Maxima.

1. Решите системы уравнений: а)

2 вариант

$$\begin{cases} \tilde{x} + 2\tilde{y} + z = 5 \\ 2\tilde{x} + \tilde{y} + 3z = 0 \\ 3\tilde{x} + 3\tilde{y} + 2z = 9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2\tilde{x} + \tilde{y} + 3z = 0 \\ 3\tilde{x} + 3\tilde{y} + 2z = 9 \end{cases}$$

б)
$$\begin{cases} \tilde{x} + \tilde{y} + \tilde{z} = 5 \\ \frac{\tilde{x}}{6} + \frac{\tilde{y}}{3} = \frac{5}{3} \\ \tilde{x} + \frac{\tilde{y}}{4} + 3\tilde{z} = 6 \end{cases}$$

2. Решите графическим методом систему:

$$\begin{cases} \tilde{y} = 2 \cdot 3^x \\ \tilde{y} = x \end{cases}$$

$$\begin{cases} \tilde{y} = 2 \cdot 3^x \\ \tilde{y} = x \end{cases}$$

Практическая работа № 31 «Решение иррациональных уравнений и неравенств. Основные приемы их решения» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

Решите уравнения:

а) $\sqrt[3]{1-x} = 2$

б) $\sqrt[2]{x-3} = x$

в) $\sqrt{x} \cdot 2\sqrt{x-3}$; г) $2\sqrt{x-3} \cdot 6x$; д) $\sqrt[3]{3x-3} \cdot 3$;

2 вариант

Решите уравнения:

а) $\sqrt{4-1|x|} \cdot 2$ б) $\sqrt{6-x} \cdot x$

в) $\sqrt{4x-2} \cdot \sqrt{2x-4}$; г) $\sqrt{x-1} \cdot x-5$; д) $\sqrt[3]{3x\sqrt{4}} \cdot 2$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
а	X = 7	X = 15	1
б	D = 16, x ₁ = -1 (посторонний корень) X ₂ = 3 - ответ	D = 25, x ₁ = -2 (посторонний корень) X ₂ = 3 - ответ	2
в	X = 4	Корней нет	1
г	X ² - 14x + 33 = 0, D = 64 X ₁ = 11 (посторонний корень) X ₂ = 3 - ответ	X ² - 11x + 24 = 0, D = 25 X ₁ = 3 (посторонний корень) X ₂ = 8 - ответ	2
д	X = 61	X = 21	2
ИТОГО			8
«отлично» - 8 баллов «хорошо» - 6,7 баллов «удовлетворительно» - 4,5 баллов			

Практическая работа № 32 «Решение показательных уравнений и неравенств. Основные приемы их решения» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Решите уравнения: а) $5^{2x} = 125$ б) $3^{x^2} - 3^x = 78$ в) $25^{\sqrt{x}} - 3 \cdot 5^{\sqrt{x}} - 10 = 0$

2. Решите неравенства: а) $\sqrt{x-1} > 42x$ б) $3^{x^4} < 2^{x^4} \cdot 3^{2x} < 2^{2x}$

3. Решите графически: $2^x = 4 - 2x$



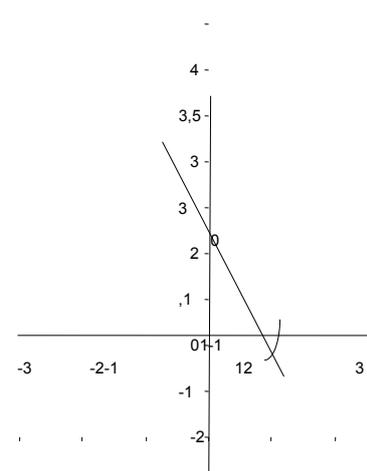
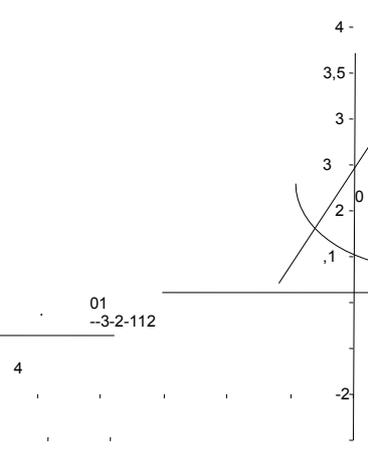
2 вариант.

1. Решите уравнения: а) $3^{42x} \cdot 9$ б) $5^{x^2} \cdot 5^x \cdot 130$ в) $16^x \cdot 4^x \cdot 12 \cdot 0$

2. Решите неравенства: а) $\frac{1}{125} > 5^x$ б) $2^{x^2} > 5^{x^2}$ и $2^{3x} > 5^{3x}$

3. Решите графически: $(0,5)^x = 2x + 4$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) X = 3 б) x = 1	А) x = 1 б) x = 1	3
2	А) X < 1,6) x ≥ 4	А) x > -16) x1 ≤	2
3	Ответ: x = 1. 	Ответ: x = -1. 	2
ИТОГО			7

«отлично» - 7 баллов

«хорошо» - 5,6 баллов

«удовлетворительно» - 3,4 балла

Практическая работа № 33 «Решение логарифмических уравнений и неравенств. Основные приемы их решения» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Решите уравнения: а) $\log_3(\tilde{x} - 3) \stackrel{\circ}{=} 2$ б) $\log_2(2\tilde{x} - 6) \stackrel{\circ}{=} \log_2(3\tilde{x} - 1)$

в) $\log_3^2 \tilde{x} \log x \stackrel{\circ}{=} 2$

2. Решите неравенства: а) $\log_3 x \stackrel{\circ}{=} 1$ б) $\log_{0,4}(2x - 4) \stackrel{\circ}{=} \log_{0,4} 6$

2 вариант

1. Решите уравнения: а) $\log_2(x - 4) \stackrel{\circ}{=} 3$ б) $\log_5(5\tilde{x} - 1) \stackrel{\circ}{=} \log_5(2\tilde{x} - 7)$

в) $\log_{0,5}^2 \tilde{x} \log_{0,5} x \stackrel{\circ}{=} 6$.

2. Решите неравенства: а) $\log_4 x \stackrel{\circ}{=} 2$ б) $\log_{0,2}(x - 6) \stackrel{\circ}{=} \log_{0,2} 8$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) 12 б) корней нет В) $t^2 - t - 2 = 0, t_1 = 2, t_2 = -1$ X = 9, x = 1/3	А) 4 б) корней нет В) $t^2 - t - 6 = 0, t_1 = 3, t_2 = -2$ X = 4, x = $\sqrt{3}$	А) 1 Б) 1 В) 2
2	А) (0; 3] б) (-2; 1)	А) (0; 16) б) (-6; 2]	4
ИТОГО			8
«отлично» - 8 баллов «хорошо» - 6,7 баллов «удовлетворительно» - 4,5 баллов			

Практическая работа № 34 «Решение тригонометрических уравнений и неравенств. Основные приемы их решения» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

Решите уравнение: А) $\cos x \stackrel{\circ}{=} \frac{\sqrt{3}}{2}$ б) $\sin x \stackrel{\circ}{=} \frac{1}{2}$ в) $\cos 2x \stackrel{\circ}{=} 0$ Г) $\operatorname{tg} x \stackrel{\circ}{=} \sqrt{3}$

д) $(\sin \tilde{x} - 1)(3 - 2\cos x) \stackrel{\circ}{=} 0$

2 вариант.

Решите уравнение: А) $\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ б) $\cos x - \frac{1}{2} = 0$ в) $\sin \frac{x}{2} = 1$ г) $\operatorname{ctg} x = \sqrt{3}$
 д) $(4 - 3 \sin x)(\cos x - 1) = 0$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
а	$\pm \frac{\pi}{6} + 2\pi n$	$(-1)^n \cdot \frac{\pi}{3} + \pi n$	1
б	$(-1)^{n+1} \cdot \frac{\pi}{6} + \pi n$	$\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n$	1
в	$\frac{\pi}{4} + \frac{\pi n}{2}$	$\pi + 4\pi n$	1
г	$\frac{\pi}{3} + \pi n$	$\frac{\pi}{6} + \pi n$	1
д	$\frac{\pi}{2} + 2\pi n$, корней нет	$2\pi n$, корней нет	2
ИТОГО			6
«отлично» - 6 баллов - 3,4 балла			«хорошо» - 5 баллов «удовлетворительно»

Практическая работа № 36 «Правила и формулы дифференцирования, таблица производных элементарных функций» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

Найдите производную: А) x^7 б) $7\sqrt{x}$ в) x^{-4} г) $\frac{5}{x}$ д) $2x^3 \cdot \cos x$
 е) $3x^4$ ж) $8x^2 - 4x - 3$ з) $12x^3 \cdot \operatorname{tg} x$ и) $\frac{x^6}{\cos x}$

2 вариант.

Найдите производную: А) x^5 б) $3\sqrt{x}$ в) x^{-6} г) $\frac{2}{x}$ д) $3x^4 \cdot \operatorname{tg} x$
 е) $\cos \frac{1}{x} - 4x^5 - 9$ ж) $x^6 - (5x - 4)$ з) $8x^3 \cos x$ и) $\frac{\sin x}{x^4}$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) $7x^6$ б) $\frac{7}{2\sqrt{x}}$ в) $-4x^{-5}$ г) $-\frac{5}{x^2}$ Д) $6x^2 - \sin x$ е) $12x^3 + 16x - 4$ Ж) $24x^5 - 15x^4$ з) $36x^2 \operatorname{tg} x + 12x^3 \cdot \frac{1}{\cos^2 x}$ и) $\frac{6x^5 \cos x + x^6 \sin x}{\cos^2 x}$	А) $5x^4$ б) $\frac{3}{2\sqrt{x}}$ в) $-6x^{-7}$ г) $-\frac{2}{x^2}$ Д) $12x^3 \frac{1}{\cos^2 x}$ е) $-\sin x + 1/x + 20x^4$ Ж) $35x^6 + 24x^5$ з) $24x^2 \cos x + 8x^3 (-\sin x)$ $\frac{x^4 \cos x - 4x^3 \sin x}{x^8}$ и)	9
	ИТОГО		
«отлично» - 9баллов «хорошо» - 7,8 баллов «удовлетворительно» - 5,6 баллов			

Практическая работа № 38 «Применение геометрического смысла производной и нахождение уравнения касательной. Применение физического смысла производной для решения задач» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Для функции $f(x) = 4x^5 - x^2 - 2x - 4$ найдите угловой коэффициент касательной в точке $x_0 = 2$
2. Найдите точки графика функции $f(x) = x^5 - 3x^2 - 8$, в которых касательная параллельна оси абсцисс.
3. Составьте уравнение касательной к графику функции $f(x) = 5x^5 - 4x^2 - 6x$ в точке $x_0 = 1$.
4. Точка движется прямолинейно по закону при t $S(t) = 4t^3 - 5t^2 - 4$ (м). Найдите скорость $= 3$ с.
5. Тело движется прямолинейно по закону после $S(t) = \frac{t^3}{3} + \frac{t}{2} - 12t$. Через сколько секунд начала движения тело остановится?

2 вариант.

- Для функции $f(x) = 5x^5 - 4x^2 - 6x - 2$ найдите тангенс угла наклона касательной в точке $x_0 = -1$
- Найдите точки графика функции $f(x) = x^5 - 12x^2 + 10$, в которых касательная параллельна оси абсцисс.
- Составьте уравнение касательной к графику функции $f(x) = 4x^5 - x^2 - 2x$ в точке $x_0 = 2$.
- Точка движется прямолинейно по закону $t = 2$ $S(t) = 5t^3 - 4t^2 - 2$ (м). Найдите скорость при $t = 3$.
- Тело движется прямолинейно по закону $S(t) = \frac{t^3}{3} - \frac{t^2}{2} - 6$. Через сколько секунд после начала движения тело остановится?

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	$f'(x) = 12x^2 - 2x + 2$, $R_{\text{кас}} = 46$	$F'(x) = 15x^2 - 8x + 6$, $\text{tga} = 29$	2
2	$3x^2 - 6x = 0 \Rightarrow x = 0, x = 2$	$3x^2 - 24x = 0 \Rightarrow x = 0, x = 8$	2
3	$F(1) = 7$ $f'(x) = 15x^2 - 8x + 6$ $f'(1) = 13$ ответ: $y = 13x - 6$	$F(2) = 32$ $f'(x) = 12x^2 - 2x + 2$ $f'(2) = 46$ ответ: $y = 46x - 64$	4
4	$V(t) = 12t^2 + 10t$, $v(3) = 138 \text{ м/с}$	$V(t) = 15t^2 + 8t$, $v(3) = 76 \text{ м/с}$	2
5	$V(t) = t^2 + t - 12 \Rightarrow t = 3 \text{ с}$	$V(t) = t^2 + t - 6 \Rightarrow t = 2 \text{ с}$	2
	ИТОГО		1 2
«отлично» - 12 баллов			«хорошо» - 9 – 11 баллов
«удовлетворительно» - 6 - 8 баллов			

Практическая работа № 39 «Исследование функции с помощью производной, построение графиков» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Закончите предложение:

А) Точки, в которых производная функции равна нулю или не существует, называются.....

Б) Если при переходе через точку x_0 производная меняет знак с «-» на «+», то x_0 – точка

2. Верно ли утверждение? (да или нет)

- А) Если x_0 – точка экстремума и в этой точке существует производная, то она равна нулю.
 Б) Промежутки возрастания и убывания называют промежутками знакопостоянства.
 3. Найдите промежутки монотонности и точки экстремума функции $y = x^3 - 4x^2 + 5x - 1$

2 вариант.

1. Закончите предложение:

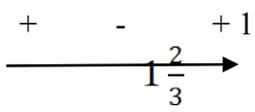
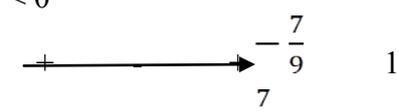
- А) Если $f'(x) > 0$ в каждой точке интервала, то функция $f(x)$на этом интервале.
 Б) Промежутки возрастания и убывания называют промежутками

2. Верно ли утверждение? (да или нет)

- А) Если при переходе через точку x_0 производная меняет знак с «-» на «+», то x_0 – точка максимума
 Б) Если $f'(x_0) = 0$, то x_0 – точка экстремума

3 Найдите промежутки монотонности и точки экстремума функции $y = 3x^3 - x^2 - 7x - 4$

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	А) критические б) минимума	А) убывает б) монотонности	2
2	А) да б) нет	А) нет б) нет	2
3	$Y' = 3x^2 - 8x + 5, D = 4, y'(0) > 0$  Возрастает $(-\infty; 1/3)$; $(5/3; +\infty)$ Убывает $(1/3; 5/3)$ $X_{\max} = 1, x_{\min} = 5/3$	$Y' = 9x^2 - 2x - 7, D = 256, y'(0) < 0$  Возрастает $(-\infty; -7/9)$; $(1; +\infty)$ Убывает $(-7/9; 1)$ $X_{\max} = -7/9, x_{\min} = 1$	6
	ИТОГО		10
«отлично» -10 баллов			«хорошо» - 7-9 баллов
«удовлетворительно» -5,6 баллов			

Практическая работа № 41 «Нахождение первообразных» выполняется в письменном виде.

Примерные задания

1 вариант.

1. Определите, является ли функция F(x) первообразной для функции f(x)

$F(x) = 2x^2 \cdot \cos x - 3$; $f(x) = 8x^3 \cdot \sin x - 3x$

2. Найдите одну из первообразных для функции:

а) $f(x) = 5x^3 \cdot \sin x$

б) $f(x) = \frac{5}{x} \cdot x^2$

в) $f(x) = \frac{1}{x} \cdot 3x^4$

3. Для функции $f(x) = \frac{3}{2\sqrt{x}}$ найдите первообразную, график которой проходит через точку A(9;4)

2 вариант.

1. Определите, является ли функция F(x) первообразной для функции f(x) $F(x) = 3x^4$

$\sin x - 2$; $f(x) = 12x^5 \cos x$.

2. Найдите одну из первообразных для функции:

а) $f(x) = 4x^2 \cdot \cos x$

б) $f(x) = \frac{4}{x} \cdot x^3$

в) $f(x) = 3x \cdot 2^4$

3. Для функции $f(x) = \frac{7}{2\sqrt{x}}$ найдите первообразную, график которой проходит через точку A(4;9)

Инструменты оценки

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)		Баллы
	1 вариант	2 вариант	
1	Не является	Не является	1
2	А) $\frac{5x^4}{4} - \cos x$, $x^3/3$ Б) $-\frac{(1-3x)^5}{15}$	а) $\frac{4x^3}{3} + \sin x$ б) $4 \ln x - 3x + \frac{x^4}{4}$ в) $\frac{(3x+2)^5}{15}$	3
3	$F(x) = 3\sqrt{x} - 5$	$F(x) = 7\sqrt{x} - 5$	2
ИТОГО			6
«отлично» -			«хорошо» -
			«удовлетворительно» -

Практическая работа № 45
 выполняется в письменном виде.

«Вычисление вероятности событий» выполняется в

Примерные задания

Вариант 1.

1. Сколько трёхзначных чисел можно составить из цифр 2,5,6,7, если цифры могут повторяться?
2. Сколькими способами из 8 претендентов можно выбрать 5 участников конференции?
3. В корзине 3 белых, 8 чёрных и 4 красных шара. Какова вероятность того, что вынутый шар окажется белым?
4. Участники жеребьёвки тянут жетоны от 1 до 30. Найдите вероятность того, что первый вынутый жетон содержит цифру 8.
5. 1) Событие, которое заведомо произойдёт, называется...
А) случайное б) невозможное в) достоверное г) неопределённое
2) Задачи, в которых необходимо осуществить перебор всех возможных вариантов или посчитать их количество, называются.....

Вариант 2.

1. Сколькими способами из 7 претендентов можно выбрать 4 участников конференции?
2. Сколько различных двузначных чисел можно составить из множества цифр причем так, {1, 2; 3, 4} чтобы цифры числа были различны?
3. В ведре 4 карася, 6 окуней и 2 судака. Какова вероятность того, что вынутая рыба окажется окунем?
4. Участники жеребьёвки тянут жетоны от 1 до 30. Найдите вероятность того, что первый вынутый жетон не содержит цифру 3.
5. Ответьте на вопросы:
1) Наука, изучающая закономерности случайных событий, называется... А)
математическая статистика б) теория вероятностей
В) математический анализ г) теория чисел
2) События, которые при определённых условиях могут произойти, а могут не произойти, называются.....

Инструменты оценки 1 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	№
1	~ 3 3	1

2	$C_8^5 \cdot \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5} = 56$	2
3	$n = 3+8+4 = 15, m = 3. P = \frac{3}{15} = \frac{1}{5} = 20\%$ - вероятность вынуть белый жетон.	1
4	$n = 30, m = 8; 18; 28 \uparrow 3. P = \frac{m}{n} = \frac{3}{30} = \frac{1}{10}$ вероятность того, что вынутый жетон содержит цифру «8»	2
5	1) В 2) комбинаторные	2
	ИТОГО	8
«отлично» - 8 баллов «хорошо» - 6,7 баллов «удовлетворительно» - 4,5 балла		

2 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	№
1	35	2
2	$A_4^2 = \frac{4!}{(4-2)!} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4}{1 \cdot 2} = 12$	1
3	$n = 4+6+2 = 12, m = 6. P = 50\%$	1
4	$n = 30, m = 26. P = \frac{26}{30} = 87\%$ вероятность того, что вынутый жетон не содержит цифру «3»	2
5	1) а 2) случайные	2
	ИТОГО	8
«отлично» - 8 баллов «хорошо» - 6,7 баллов «удовлетворительно» - 4,5 балла		

2. КОНТРОЛЬНЫЕ РАБОТЫ

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 1 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ № 1.1 «Развитие понятия числа. Корни, степени, логарифмы»

Для проведения контрольной работы требуется калькулятор.

Примерные контрольные задания

Вариант 1

1. Вычислите с помощью калькулятора с точностью до десятых: $\sqrt[5]{2}$. $\sqrt[3]{2}$.

2. Вычислите: $\sqrt[3]{\sqrt{4}} \cdot \sqrt[4]{16} + \sqrt[8]{254}$

3. Найдите значение выражения: $9^{\frac{3}{2}} \cdot 16^{\frac{1}{4}}$

4. Упростите и найдите значение выражения: $\frac{a^{\frac{1}{4}} \cdot b^{\frac{1}{2}}}{a^{\frac{1}{2}} \cdot b^{\frac{3}{4}}}$, если $a = 9$, $b = 2$.

5. Сократите дробь: $\frac{a^{\frac{1}{2}} \cdot 16}{3a^{\frac{1}{4}} \cdot 12}$

6. Вычислите: $\lg 50 \cdot \lg 2 \cdot 7^{\log_7 15}$

7. Найдите x , если $\log_5 x \cdot 3 \log_5 2 = \frac{1}{2} \log_5 16 - \frac{1}{3} \log_5 8$

Инструмент оценки 1 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$\sqrt[5]{2}$ $\sqrt[3]{2}$ $\sqrt{3}$ $\sqrt[4]{2}$ 2,24 1,73 1,49 1,5	2
2	7	2
3	$9^{\frac{3}{2}} \cdot 16^{\frac{1}{4}} = \sqrt[2]{9^3} \cdot \sqrt[4]{16} = 27 \cdot 2 = 54$	2
4	$a^{\frac{1}{2}} b \Rightarrow 9^{\frac{1}{2}} \cdot 2 = 3 \cdot 2 = 6$	2
5	$\frac{a^{\frac{1}{4}} - 4}{3}$	2
6	-13	2
7	16	2
	ИТОГО	14
«отлично» - 13,14. «хорошо» - 10-12 «удовлетворительно» - 7-9		

Вариант 2

1. Вычислите с точностью до десятых: $\sqrt[3]{2}$, $\sqrt{3}$, $\sqrt[4]{7}$.

2. Вычислите: $\sqrt[3]{\sqrt{2}} \cdot \sqrt[4]{32} + \sqrt[3]{312}$

3. Найдите значение выражения: $100^{0.5} \cdot 49^{-2}$. 

4. Упростите и найдите значение выражения: $\frac{\sqrt[3]{a^2 \cdot b}}{a^{\frac{1}{3}} \cdot b^{\frac{4}{5}}}$, если $a = 8$, $b = 2$.

5. Сократите дробь: $\frac{a^{\frac{1}{3}} \cdot 3}{2a^{\frac{2}{3}} \cdot 18}$

6. Найдите значение выражения: $\log_2 20 \cdot \log_5 5 \cdot 5^{\log_5 8}$

7. Найдите x , если $\log_7 x = 3 \log_7 3 - \frac{1}{3} \log_7 27 - \frac{1}{2} \log_7 4$

Инструмент оценки 2 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$\sqrt[3]{2} \approx 1,73$, $\sqrt{3} \approx 2,645$, $\sqrt[4]{7} \approx 2,91$	2
2	83	2
3	361	2
4	$a^{\frac{1}{3}} b \Rightarrow 8^{\frac{1}{3}} \cdot 2 = 2 \cdot 2 = 4$	2

5	$\frac{1}{2(a^{\frac{1}{3}} - 3)}$	2
6	10	2
7	18	2
	ИТОГО	14
«отлично» - 9	13,14.	«хорошо» - 10-12
		«удовлетворительно» - 7 -

Контрольная работа № 2 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ № 1.2 «Основы тригонометрии».

Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1.

1. Определите знак выражения: $\sin \frac{5\pi}{3} \blacktriangleright \cos \frac{7\pi}{6}$

2. Найдите остальные тригонометрические функции, если $\sin x = 0,6$ и $\frac{\pi}{2} < x < \pi$

3. Вычислите: а) $\sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) \blacktriangleright \operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{4}\right)$ б) $\sin 150^\circ$

4. Упростите выражение: а) $1 - \operatorname{ctg} x \blacktriangleright \cos x \blacktriangleright \sin x$ б) $\cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) \blacktriangleright \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right)$

5. Найдите значение выражения: $\operatorname{arctg} 1, \arccos \frac{\sqrt{2}}{2}$

Вариант 2.

1. Определите знак выражения: $\cos \frac{5\pi}{6} \blacktriangleright \sin \frac{4\pi}{3}$

2. Найдите остальные тригонометрические функции, если

$\cos x = 0,8$ и $\sin x = \frac{3}{4}$

3. Вычислите: а) $\sin\left(\frac{\pi}{3}\right) \cos\left(\frac{\pi}{6}\right) - \operatorname{ctg}\left(\frac{\pi}{4}\right)$ б) $\cos 135^\circ$

4. Упростите выражение: а) $\operatorname{tg} x - \operatorname{ctg} x \sin^2 x$ б) $\sin\left(\frac{\pi}{2}\right) - \cos\left(\frac{\pi}{2}\right)$

5. Найдите значение выражения: $\arccos \frac{1}{2} \arcsin \frac{\sqrt{3}}{2}$

Инструмент оценки 1 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$\sin \frac{5\pi}{6} - \cos \frac{7\pi}{6} = \sin 30^\circ - \cos 210^\circ = 0,5 - (-0,5) = 1$	2
2	$\sin x = 0,6$ и $\cos x = -0,8$ $\operatorname{tg} x = -0,75$ $\operatorname{ctg} x = -\frac{4}{3}$	3
3	$\sin\left(\frac{\pi}{3}\right) \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) - \operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} - 1 = \frac{\sqrt{6}}{2} - 1 \approx 0,707 - 1 = -0,293$ $\sin 150^\circ = \sin(90^\circ + 60^\circ) = \cos 60^\circ = 0,5$ Б) $\operatorname{ctg} x - \cos x - \sin x = 1 - \frac{\cos x}{\sin x} - \sin x = \frac{\sin x - \cos x - \sin^2 x}{\sin x}$	2
4	А) $\operatorname{ctg} x - \cos x - \sin x = 1 - \frac{\cos x}{\sin x} - \sin x = \frac{\sin x - \cos x - \sin^2 x}{\sin x}$ Б) $-\cos x + \cos x = 0$	2
5	$\operatorname{arctg} 1, \arccos \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{2}$	1
	ИТОГО	10
	«отлично» - 10 «хорошо» - 8,9 «удовлетворительно» - 5 - 7	0

Инструмент оценки 2 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
---	---	-------

	ответы)	
1	$\cos \frac{5}{6} \sin \frac{4}{3} = \cos 150^\circ \sin 240^\circ > 0$ - II - III	2
2	$\cos x = 0,8$ и $\sin x = 0,6$ $\sin x = -0,6$ $\operatorname{tg} x = -0,75$ $\operatorname{ctg} x = \frac{4}{3}$	3
3	$\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{6} - \operatorname{ctg} \frac{\pi}{4} = 0$ $\cos 135^\circ = \cos(90^\circ + 45^\circ) = -\sin 45^\circ = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ Б)	2
4	А) $\cos^2 x$ Б) $\cos \alpha + \cos \alpha = 2 \cos \alpha$	2
5	$\frac{2\pi}{3}$	1
	ИТОГО	1 0
«отлично» - 10 «хорошо» - 8,9 «удовлетворительно» - 5 - 7		

Контрольная работа № 3 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ № 2.1 «Прямые и плоскости в пространстве»

Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1.

1. Выполните чертёж по условию задачи: ABCD – параллелограмм, М- вершина, К – середина MB,

Г – середина MC. 1) Докажите, что $KT \perp (ABCD)$.

2) Определите взаимное расположение прямых: А) AD и KT б) DC и MT в) KT и DC г) KT и MD Д) KM и BM.

2. $\vec{a} \perp \vec{b}$, $\vec{a} \perp \vec{c}$, $\vec{a} \perp \vec{d}$, $\vec{a} \perp \vec{e}$, $\vec{a} \perp \vec{f}$. AC \perp a, BD \perp a, AB = 10м, BD = 8м, CD = 5м. Найдите AC.

3. Проекция наклонной AC равна 8 см, угол между наклонной и перпендикуляром Найдите: 30° .

а) расстояние от точки A до плоскости \rightarrow . Б) длину наклонной.

4. 1) Утверждение, не требующее доказательства, называется....

2) Не верным утверждением является:

А) Если одна из двух параллельных прямых пересекает данную плоскость, то и другая прямая пересекает эту плоскость

Б) Если прямая, не лежащая в плоскости, параллельна какой-нибудь прямой, лежащей в этой плоскости, то она параллельна данной плоскости

В) Если две параллельные плоскости пересечены третьей, то линии их пересечения скрещивающиеся.

Вариант 2.

1. Выполните чертёж по условию задачи:

ABCD – параллелограмм, M \in (ABC), K – середина MC, T – середина MB.

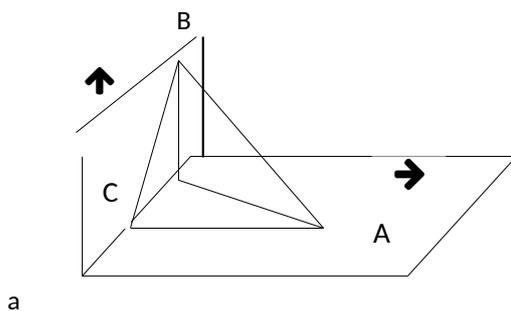
1) Докажите, что прямые KT и CD скрещивающиеся.

2) Определите взаимное расположение прямых:

А) BA и TK б) МК и MC в) AD и ТК г) BM и AD

2. $\rightarrow \circ \uparrow$, A \rightarrow , B \rightarrow $\rightarrow \uparrow \circ a$. AC $\circ a$, BD $\circ a$, DC = 4м, BA = 6м, CA = 3м. (рис.2).
 \uparrow

Найдите DB.



3. Расстояние от точки A до плоскости \rightarrow равно 20 см. Угол между перпендикуляром и наклонной равен 60° . Найдите: а) длину наклонной б) проекцию наклонной.
 Выполните чертёж к задаче.

4. 1) Раздел геометрии, в котором изучаются свойства фигур в пространстве, называется....

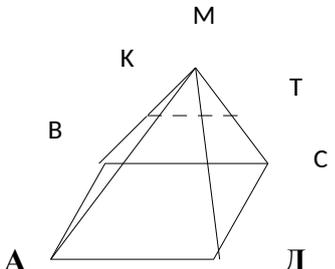
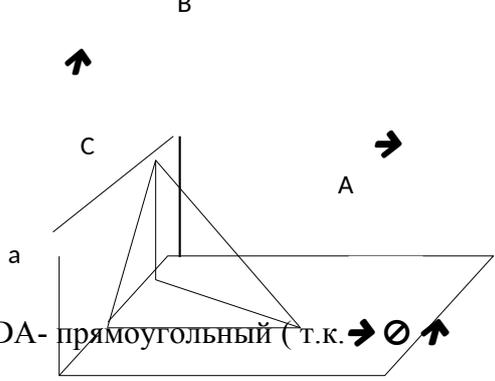
2) Аксиомой стереометрии не является :

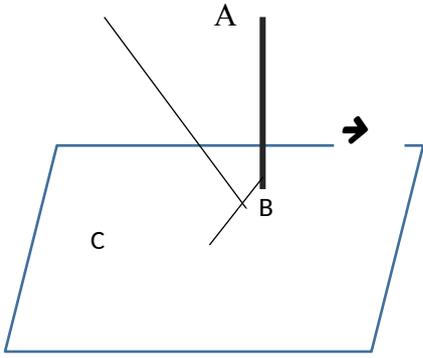
А) Если две точки прямой лежат в плоскости, то все точки прямой лежат в этой плоскости

Б) Через любые три точки, не лежащие на одной прямой, проходит плоскость, и притом только одна

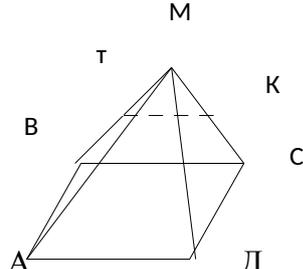
В) Через две пересекающиеся прямые проходит плоскость, и притом только одна Г) Если две плоскости имеют общую точку, то они пересекаются по прямой, проходящей через данную точку.

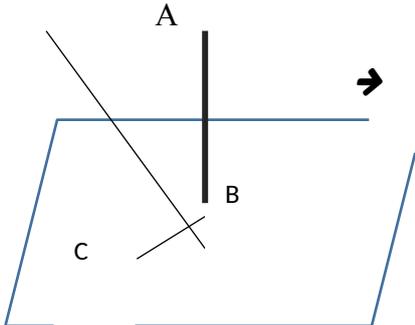
Инструмент оценки 1 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	 <p>1) $KT \parallel BC$ т.к. средняя линия треугольника BMC, $BC \in (ABCD) \wedge KT \in (ABCD)$ по признаку параллельности прямой и плоскости.</p> <p>2) А) $AD \perp KT$ б) $DC \perp MT$ в) $KT \perp DC$ г) $KT \perp MD$ Д) $KM \perp BM$.</p>	
	 <p>Верный чертёж</p>	1
	Верное доказательство	1
	Определение взаимного расположения	5
2	 <p>$\angle BDA$ - прямоугольный (т.к. $\rightarrow \perp \uparrow$) . По теореме Пифагора</p>	

	$DA^2 = 10^2 - 8^2 = 36, DA = 6 \text{ см.}$ $\circ CDA$ – прямоугольный (т.к. $AC \perp a$). По теореме Пифагора $CA^2 = 6^2 - 5^2 = 11. CA = \sqrt{11} \text{ см. Ответ: } \sqrt{11} \text{ см.}$	
	Верный чертёж	1
	Решение задачи	2
3	 <p>Так как $\angle A = 30^\circ$, то $BC = \frac{1}{2} AC$ (катет, лежащий напротив угла 30° в два раза меньше гипотенузы) $\rightarrow AC = 2 BC = 2 \cdot 8 = 16 \text{ см.}$</p> <p>По теореме Пифагора: $AB^2 = AC^2 - BC^2 = 16^2 - 8^2 = 256 - 64 = 192 \rightarrow AB = \sqrt{192}$</p>	
	Верный чертёж	1
	Верное решение	2
4	1) Аксиома 2) в	1
	ИТОГО	4
«отлично» - 13,14 баллов «хорошо» - 10 – 12 баллов «удовлетворительно» - 7 - 9 баллов		

Инструмент оценки 2 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1		

	<p>1) $KT \subset (BMC), D \in (BMC) = C, C \notin KT \Rightarrow KT \div CD$ по признаку скрещивающихся прямых</p> <p>2) А) скрещивающиеся б) пересекающиеся в) параллельные г) скрещивающиеся</p>	
	Верный чертёж	1
	Верное доказательство	1
	Определение взаимного расположения	5
2	$DA=5$ см. $BD = \sqrt{17}$ см. Ответ: $\sqrt{17}$ см.	
	Применение теоремы Пифагора	2
	Верные объяснения	1
3	 <p>$AC = 40$ см. $BC = 20\sqrt{3}$</p>	
	Верный чертёж	1
	Верное решение	2
4	2) стереометрия 2) в	1
	ИТОГО	1 4
«отлично» - 13,14 баллов «хорошо» - 10 – 12 баллов «удовлетворительно» - 7 - 9 баллов		

Контрольная работа № 4 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ № 2.2 «Многогранники и круглые тела»

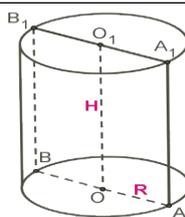
Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1.

1. Постройте сечение куба $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ плоскостью, проходящей через точки A_1 , B и M , если M – середина CC_1 .
2. Сторона основания правильной треугольной призмы равна 8 см, высота 10 см. Найдите:
а) площадь поверхности. б) объём призмы. Выполните чертёж к решению задачи.
3. Бочка с крышкой имеет цилиндрическую форму с диаметром основания 8 дм.и высотой 10 дм. Найдите площадь поверхности для покраски бочки. Выполните чертёж к решению задачи.
4. Крыша дома имеет форму правильной четырёхугольной пирамиды высотой 4 м. Апофема наклонена к плоскости основания под углом 30° . Найдите площадь для покраски данной крыши.
5. Соответствие состава многогранника и его названия.

<ol style="list-style-type: none"> 1) два равных многоугольника (основания) и несколько параллелограммов 2) Многоугольник (основание) и несколько треугольников 3) Два подобных многоугольника (основания) и несколько трапеций 	<ol style="list-style-type: none"> А) усечённая пирамида Б) пирамида В) усечённая призма Г) призма
--	--



6. Соответствие отрезка на рисунке его названию.

<ol style="list-style-type: none"> 1) OO_1 2) AA_1 3) AB 	<ol style="list-style-type: none"> А) диаметр Б) образующая В) апофема Г) ось Д) радиус
--	--

Вариант 2.

1. Постройте сечение прямоугольного параллелепипеда $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ плоскостью, проходящей через точки A_1 , C и M , если M – середина AD .

2. Коробка имеет форму правильной четырёхугольной призмы со стороной основания 4 дм и высотой 6 дм. Найдите: а) количество материала для изготовления коробки. б) объём призмы. Выполните чертёж к решению задачи.

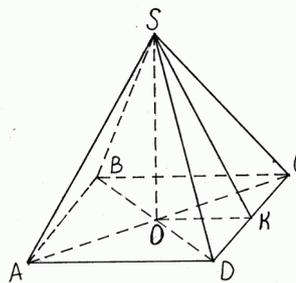
3. Воронка имеет форму конуса с диаметром основания 6 см и высотой 12 см. Найдите объём воронки. Выполните чертёж к решению задачи.

4. Крыша дома имеет форму правильной четырёхугольной пирамиды высотой 3 м. Апофема с высотой образует угол 60° . Найдите площадь для покраски данной крыши.

5. Соответствие получения тела вращения его названию.

1) вращение прямоугольника вокруг стороны	А) шар
2) вращение круга вокруг диаметра	Б) конус
3) вращение прямоугольного треугольника вокруг катета	В) цилиндр
	Г) усечённый конус

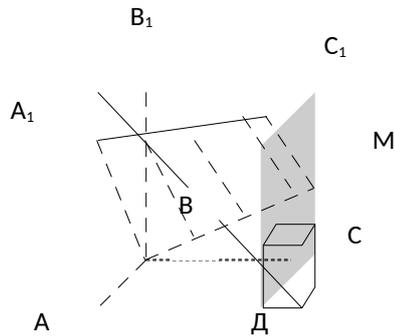
6. Соответствие отрезка на рисунке его названию



1) SO	А) апофема
2) SK	Б) высота
3) SA	В) вершина
	Г) ребро

Инструменты оценки 1 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1		1



$$S_{\text{пов}} = S_{\text{бок}} + 2 S_{\text{осн}} = 240 + 2 \cdot 16 \sqrt{3} \text{ см}^2 = 240 + 32 \sqrt{3} \text{ см}^2$$

$$S_{\text{бок}} = P_{\text{осн}} \cdot h = 8 \sqrt{3} \cdot 10 = 80 \sqrt{3} \text{ см}^2$$

$$S_{\text{осн}} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} = \frac{16 \sqrt{3}}{4} = 4 \sqrt{3} \text{ см}^2$$

$$V = S_{\text{осн}} \cdot h = 16 \sqrt{3} \cdot 10 = 160 \sqrt{3} \text{ см}^3$$

Верный чертёж

1

Нахождение периметра и площади основания

2

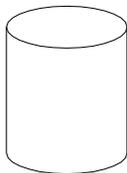
Нахождение площади поверхности

1

Нахождение объёма

1

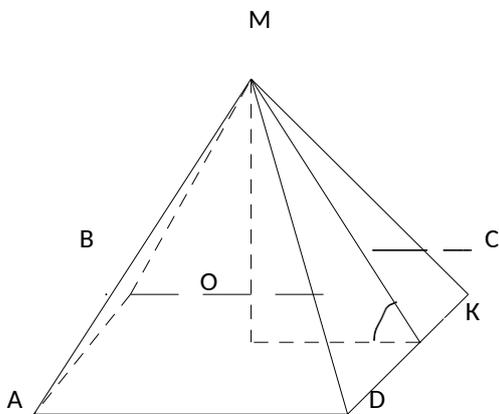
$$R = d : 2 = 8 : 2 = 4 \text{ дм}$$



2

$$S_{\text{пов}} = 2 \pi R h + 2 \pi R^2 = 2 \pi R(h + R) = 2 \pi \cdot 4(10 + 4) = 112 \pi \text{ дм}^2$$

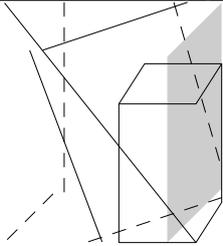
4

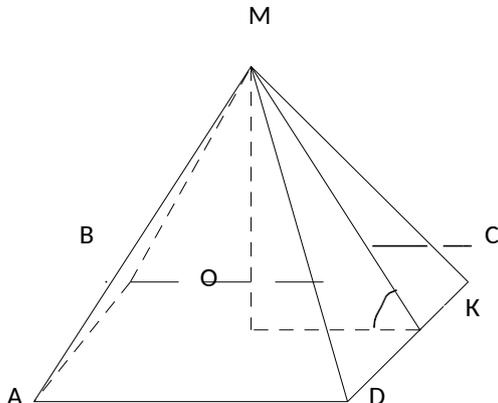


Дано: МАВСД- правильная пирамида.

	$MO=4 \text{ м}$ $\angle MKO=30^\circ$ Найти: $S_{\text{бок}}$ Решение: $MO=MK \sin 30^\circ$; $MK= \frac{MO}{\sin 30^\circ} = \frac{4}{\frac{1}{2}} = 8(\text{м});$ $OK^2 = MK^2 - OM^2$; $OK = \sqrt{64 - 16} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}(\text{м})$ $AD = 8\sqrt{3} \text{ м}$ $S_{\text{бок}} = P_{\text{осн}} \cdot h$; $S_{\text{бок}} = 4 \cdot \sqrt{3} \cdot 8 \cdot 3 = 128\sqrt{3}(\text{м}^2)$	
	Определение угла между прямой и плоскостью	1
	Нахождение апофемы	1
	Нахождение проекции наклонной	1
	Нахождение площади боковой поверхности	2
5	1 – г, 2 – б, 3 – а	1
6	1 – г, 2 – б, 3 – а	1
	ИТОГО	5
«отлично» - 14,15 баллов «хорошо» - 11-13 баллов «удовлетворительно» - 7-10 баллов		

Инструменты оценки 2 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1		1
2	$V_{\text{пов}} = S_{\text{бок}} \cdot h = 16 \cdot 25 = 400 \text{ см}^3$ $S_{\text{пов}} = S_{\text{бок}} + 2 \cdot S_{\text{осн}} = 96 + 2 \cdot 16 \text{ см}^2 = 96 + 32 = 128 \text{ см}^2$	
	Верный чертёж	1
	Нахождение периметра и площади основания	2
	Нахождение площади поверхности	1
	Нахождение объёма	1
3	$R=d : 2=6 : 2=3 \text{ см}$	2

	$V = 1/3 \cdot 3^2 \cdot 12 = 36 \text{ см}^3$	
4	 <p>Решение: $MO = MK \sin 30^\circ$; $MK = \frac{MO}{\sin 30^\circ} = 6 \text{ (м)}$; $OK^2 = MK^2 - OM^2$; $OK = \sqrt{36 - 9} = \sqrt{27} = 3\sqrt{3} \text{ (м)}$ $AD = 6\sqrt{3} \text{ м}$ $S_{бок.} = 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot MK \cdot OK = 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 3\sqrt{3} = 18\sqrt{3} \text{ (м}^2\text{)}$ $S_{осн.} = \frac{1}{2} \cdot AD \cdot OK = \frac{1}{2} \cdot 6\sqrt{3} \cdot 3\sqrt{3} = 27 \text{ (м}^2\text{)}$</p>	
	Определение угла между прямой и плоскостью	1
	Нахождение апофемы	1
	Нахождение проекции наклонной	1
	Нахождение площади боковой поверхности	2
5	1 - в, 2 - а, 3 - б	1
6	1 - б, 2 - а, 3 - г	1
	ИТОГО	5
«отлично» - 14,15 баллов «хорошо» - 11-13 баллов «удовлетворительно» - 7-10 баллов		

Контрольная работа № 5 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ № 2.3 «Координаты и векторы в пространстве»

Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1.

Задание 1. Постройте куб

$ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ и найдите вектор $\overrightarrow{AA_1} + \overrightarrow{B_1 C_1} + \overrightarrow{C_1 D_1}$.

Задание 2. Даны координаты точек A(-3; 2; -1), B(2; -1; -1); C(1; -1; 1), D(1; 2; -2).

Найдите: 1) $\left| \begin{matrix} 2 \overrightarrow{AB} \\ 3 \overrightarrow{CD} \end{matrix} \right|$ 2) $\cos \left| \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{BC} \right|$.

Задание 3. Векторы, лежащие на одной прямой или на параллельных прямых, называются

А) компланарные б) коллинеарные в) сонаправленные г) равные

Задание 4. Соответствие значения скалярного произведения векторов и вида угла между векторами.

1) $\vec{a} \cdot \vec{b} > 0$	А) угол острый
2) $\vec{a} \cdot \vec{b} < 0$	Б) угол прямой
3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$	В) угол тупой
	Г) угол развёрнутый

Вариант 2.

Задание 1. Постройте куб $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ и найдите вектор $\overrightarrow{AA_1} \overrightarrow{B_1 C_1} \overrightarrow{A_1 B_1}$.

Задание 2. Даны координаты точек A(3; 2; 1), B(3; -1; -1); C(1; 1; 1), D(1; 2; -2).

Найдите: 1) $\left| \begin{matrix} \overrightarrow{AB} \\ \overrightarrow{B} \end{matrix} \right|$ 2) $\cos \left| \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{B} \right|$

Задание 3. Векторы, лежащие на одной прямой или на параллельных прямых, называются

А) компланарные б) коллинеарные в) сонаправленные г) равные

Задание 4. Соответствие значения скалярного произведения векторов и вида угла между векторами.

1) $\vec{a} \cdot \vec{b} > 0$	А) угол острый
2) $\vec{a} \cdot \vec{b} < 0$	Б) угол прямой
	В) угол тупой

3) $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$	Г) угол развёрнутый
--------------------------------	---------------------

Инструменты оценки 1 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	\overrightarrow{AC}	1
2	1) $\left 2 \overrightarrow{AB}, 3 \overrightarrow{CD} \right \sqrt{190}$; 2) $\cos \left \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{BC} \right \frac{5}{\sqrt{70}}$	2
3	б	1
4	1 – а, 2 – в, 3 – б	3
	ИТОГО	7
«отлично» - 7 баллов балла		«хорошо» - 5-6 баллов
		«удовлетворительно» - 4

Инструменты оценки 2 вариант.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	\overrightarrow{AC}	1
2	1) $\left 2 \overrightarrow{AB}, 3 \overrightarrow{CD} \right \sqrt{178}$; 2) $\cos \left \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{BC} \right \frac{10}{\sqrt{156}}$	2
3	б	1
4	1 – а, 2 – в, 3 – б	3

		ИТОГО	7
«отлично» - 7 баллов балла	«хорошо» - 5-6 баллов	«удовлетворительно» - 4	

Контрольная работа № 6 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ №
3.1 «Функции и их свойства»

Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1.

1. Найти область определения функции: $y = \sqrt[5]{x^3}$

$\sqrt[5]{x^3}$

2. Сравните и объясните результат а)

$\sqrt[3]{-3}$ и $\sqrt[3]{3}$

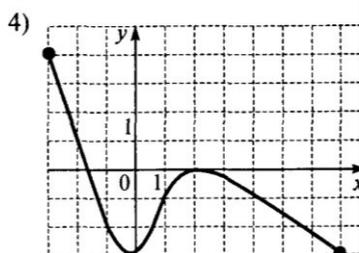
б) $\log_3 \sqrt[2]{7}$ и $\log_3 \sqrt[3]{1}$

3. Решите графически систему уравнений:

$y = 2^x$
 $y = 2^{-x}$

4. Постройте график функции $y = \cos x$

5. По графику функции, который изображён на рисунке, определите: а) область определения функции б) промежутки убывания



6. Определите чётность функции: $y = 2x^4 - \cos x$

7. Найдите множество значений функции: $y = 2\sin x - 1$

Вариант 2.

1. Найдите область определения функции $y = \sqrt[5]{4 - \sqrt{x}}$

$\sqrt[5]{4 - \sqrt{x}}$

$\log 9$

2. Сравните и объясните свой результат.

а) $\sqrt[2]{2}$ и $\sqrt[2]{-2}$

б) $\log_2 7$ и 2

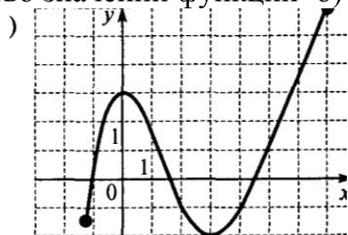


3. Решите графически систему уравнений:

$$\begin{cases} y = 3^x \\ y = 1 - x \end{cases}$$

4. Постройте график функции $y = 2 \cos x$

5. По графику функции, который изображён на рисунке, определите: А) множество значений функции б) промежутки возрастания.

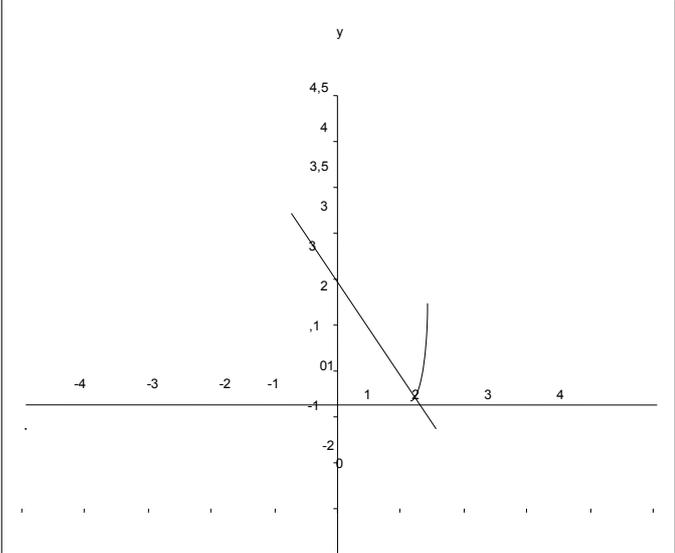
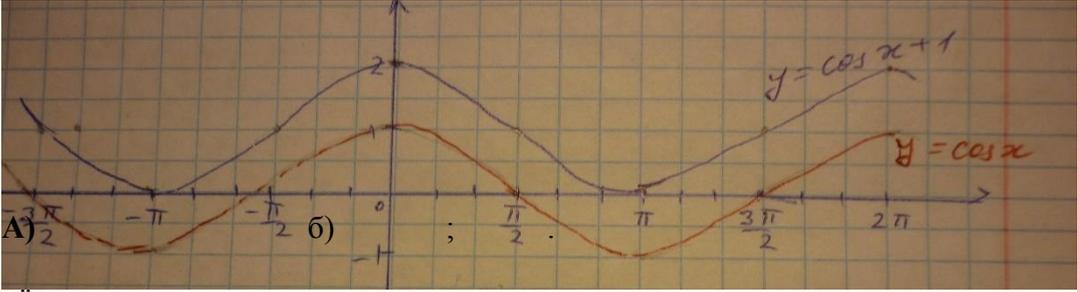


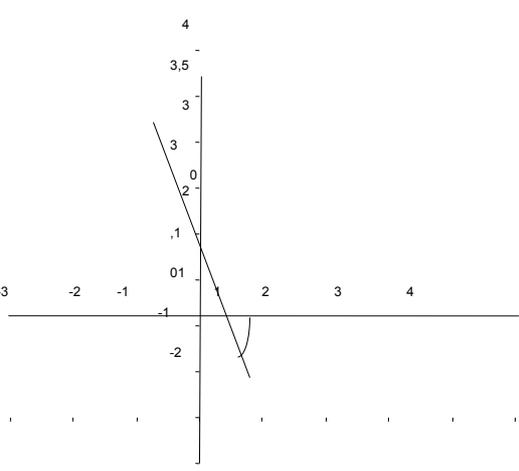
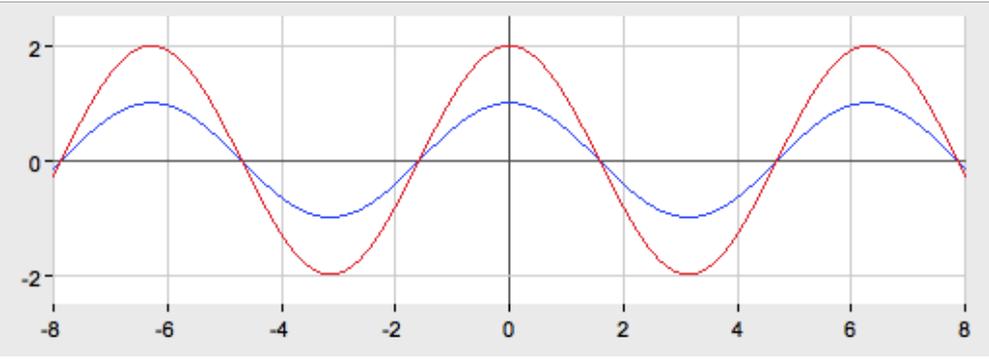
6. Определите чётность функции: $y = 2x^3 + \sin x$

7. Найдите множество значений функции: $y = 3 \cos x + 1$

Инструмент оценки 1 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$x \neq 3$	1
2	<p>а) $\log_3 27 < \log_3 31$ (функция убывающая.)</p> <p>б) $\log_3 \sqrt{27} < \log_3 \sqrt{31}$ (функция возрастающая)</p>	2
3	<p>$y = 2^x$. Построить графики функций $y = 2^x$ и $y = 2^{-x}$. Точка пересечения графиков является корнем уравнения. Ответ: $x = 1,5$.</p>	3

4		2
5 6	 <p>чётная</p>	2
7	$D(y) = [-3; 7]$ $[-3; 0]$ $[2; 7]$	1
	$2 \bullet \sin x \bullet 1$	1
	$2 \bullet 2 \sin x \bullet 2$	
	$2 \bullet 1 \bullet 2 \sin x \bullet 1 \bullet 2 \bullet 1$	
	$3 \bullet y \bullet 1$	
	$E(y) = \{3; 1\}$	
	<p>«отлично» - 11,12 баллов «хорошо» - 9-10 баллов «удовлетворительно» - 6-8 баллов</p>	ИТОГО 12
Инструмент оценки 2 вариант		
№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы

1	$x \geq -4$	1
2	   (функция убывающая.)    $\log_2 7 < \log_2 9$ (функция возрастающая)	2
3	<p>  $y = 3^x$ Построить графики функций $y = 3^x$ и $y = \frac{1}{x}$. Точка  $y = \frac{1}{x}$ пересечения графиков является корнем уравнения. Ответ: $x = 0$. </p> 	3
4		2
5	А) $E(y) = [-2; 6]$ б) $[-1,5; 0]$ и $[3; 6]$	2
6	нечётная	1
7	$E(y) = [-2; 4]$	1
	ИТОГО	1 2
<p>«отлично» - 11,12 баллов «хорошо» - 9-10 баллов «удовлетворительно»</p>		

- 6-8 баллов

Контрольная работа № 7 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ №
3.2 «Уравнения и неравенства»

Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1. 1. Решите

уравнение:

$$5\cos^2 x - 6\cos x + 1 = 0$$

2. Решите неравенство: $8^{2x} > 8^3 \cdot 64$

3. Решите систему уравнений:

$$\begin{cases} x + y = 4 \\ x^2 + y^2 = 25 \end{cases}$$

4. Решите уравнение:

$$\sqrt{2x-3} = x$$

5. Решите неравенство: $\log_{0,2}(3x-6) > \log_{0,2} 9$

6. Решите неравенство: $\cos x > \frac{1}{2}$

7. Составьте уравнение к решению задачи: Спортивная лодка плыла по течению реки (от А до В) и обратно, затратив на весь путь 2 часа. Собственная скорость лодки 10 км\ч, скорость реки 1 км\ч. Какое примерное расстояние между пунктами?

Вариант 2.

1. Решите уравнение: $-2\sin^2 x + \sin x + 1 = 0$

2. Решите неравенство: $6^{2x} < 6^3 \cdot 36$

3. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} x + y = 8 \\ 6^{x-y} = 36 \end{cases}$$

4. Решите уравнение: $\sqrt{6x} = x$

5. Решите неравенство: $\log_{0,4}(2x - 4) \leq \log_{0,4} 6$

6. Решите неравенство: $\sin x > 1/2$

7. Составьте уравнение к решению задачи: Спортивная лодка плыла по течению реки (от А до В) и обратно, затратив на весь путь 3 часа. Собственная скорость лодки 8 км\ч, скорость реки 2 км\ч. Какое примерное расстояние между пунктами?

Инструменты оценки 1 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$\cos x \leq t^2 - 5t + 6, t \in [0, 1]$ $t_1 = \frac{b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{6 - \sqrt{16}}{2 \cdot 1} = \frac{6 - 4}{2} = 1$ $t_2 = \frac{b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{6 + 4}{2 \cdot 1} = 5$ <p>1) $\cos x \leq 1, x \in [0, \pi] \cup [2\pi, 2\pi + \pi] \cup Z$</p> <p>2) $\cos x \leq 1, x \in [0, \pi] \cup [2\pi, 2\pi + \pi] \cup Z$</p>	
	Нахождение корней квадратного уравнения	1
	Решение простейших тригонометрических уравнений	2
2	$8x - 3 \leq 82$. Функция возрастающая, т. к. $8 > 1$, значит знак неравенства не меняется $2x - 3 \leq 2$, $2x \leq 2 + 3$, $2x \leq 5$, $x \leq 2,5$. Ответ: $(-\infty; 2,5]$	2
3	$\begin{cases} x + y = 4 \\ x - y = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 4 \\ x - y = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 4 \\ x = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = -1 \end{cases}$ Ответ: (3; -1)	2
4	$\sqrt{2x - 3} = x$, $x^2 - 2x + 3 = 0$, $x = 3, x = 1$ (посторонний корень). Ответ: $\sqrt{3}$	3
5	$\log_{0,2}(3x - 6) \leq \log_{0,2} 9$, ОДЗ: $x \geq 2$, функция убывающая, значит $3x - 6 \geq 9 \Rightarrow x \geq 5$. Ответ: (2; 5)	2
6	$(\frac{2\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}) \cup (\frac{5\pi}{3}, \frac{7\pi}{3}) \cup Z$	2
7	$\frac{x}{9} + \frac{x}{11} = 2$	1
ИТОГО		15
«отлично» - 14,15 баллов «хорошо» - 11-13 баллов «удовлетворительно» - 7-10 баллов		

Инструменты оценки 2 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$2t^2 - t - 1 = 0$. $D = 9$ $t_1 = 1$, $t_2 = -$ $0,5$ $X = \frac{\pi}{2} + 2\pi n$, $x = (-1)^{n+1} \cdot \frac{\pi}{6} + \pi n$	
	Нахождение корней квадратного уравнения	1
	Решение простейших тригонометрических уравнений	2
2	$62x \nabla 63 \times 36$, $62x3 \times 62$ $6 > 1$ –возр. \wedge $2x \ 3 \times 2 \wedge 2x \times 1 \wedge x \times 0,5$. Ответ: $x \times 0,5$	2
3	(5; 3)	2
4	$\sqrt{6-x} \times x$ $(\sqrt{6-x})^2 \times x^2 \wedge x^2$. $\tilde{x} \ 6 \times 0$ $D = 25$, $x_1 \times 3$, $x_2 \times 2$. Проверка: $\sqrt{6 \nabla 3} \ 3 \times 3$, $\sqrt{6} \ 2 \times 2$. Ответ: $x = 2$.	3
5	ОДЗ: $x > -2$, Ответ: (-2; 1)	2
6	$\left(\frac{\pi}{6} + 2\pi n; \frac{5\pi}{6} + 2\pi n\right)$	2
7	$\frac{x}{6} + \frac{x}{10} = 3$	1
ИТОГО		15
«отлично» - 14,15 баллов «хорошо» - 11-13 баллов «удовлетворительно» - 7-10 баллов		

Контрольная работа № 8 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ № 4.1 «Производная и её применение»

Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1.

1. Найдите производную функции : $f(x) \times \sqrt{x^3 - 5x}$
2. Точка движется прямолинейно по закону $S(t) \times 8t^2 - 6t$ (м). Найдите скорость точки при $t \times 3$ с.

3. Составьте уравнение касательной, проведённой к графику функции

$$f(x) = x^3 - 8x + 4 \quad \text{в точке } x_0 = 1.$$

4. Исследуйте функцию $y = x^3 - 3x^2 + 2$ с помощью производной. По результатам исследования постройте график данной функции.

5. Найдите наибольшее значение функции $f(x) = x^3 - 6x^2 + 3$ на отрезке $[-1; 1]$

Вариант 2.

1. Найдите производную функции : $f(x) = \frac{\sin x}{x^6}$

2. Точка движется прямолинейно по закону $S(t) = t^3 - 3t + 4$ (м). Найдите скорость точки при $t = 3$ с.

3. Составьте уравнение касательной, проведённой к графику функции $f(x) = x^3 - 3x^2$ в точке $x_0 = 2$.

4. Исследуйте функцию $y(x) = 2 - 3x - x^3$. По результатам исследования постройте график данной функции.

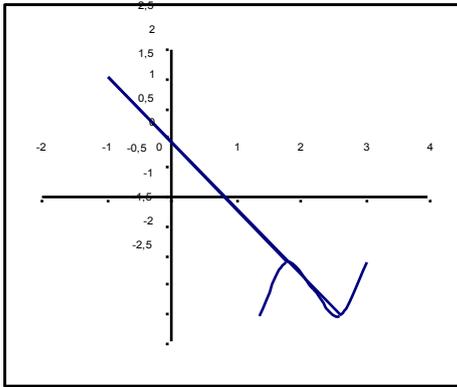
5. Найдите наименьшее значение функции $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$ на отрезке $[0; 3]$

Инструмент оценки 1 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{(x^3 - 5x)}{2\sqrt{x}}$; $\frac{1}{\sqrt{x}} - (3x^2 - 5)$	1
2	$V = S'(t) = (8t^2 - 6t) = 16 \cdot 3 - 6 = 42$ (м/с) ; $V(3) = 16 \cdot 3 - 6 = 42$ м/с	1
3	$f(x) = x^3 - 8x + 4$ 1) $x_0 = 1$; 2) $f(x_0) = 1 - 8 + 4 = -3$ 3) $f'(x) = (x^3 - 8x + 4)' = 3x^2 - 8$ 4) $f'(x_0) = f'(1) = 3 - 8 = -5$ $y = f(x_0) = f(1) = 1 - 8 + 4 = -3$ Ответ: $y = -3$	2
4	$y = x^3 - 3x^2 + 2$	

$$y = 3x^2 - 6x, \quad 3x(x - 2) = 0, \quad x = 0; x = 2;$$

x	$-\infty; 0$	0	$0; 2$	2	$2; +\infty$
$f'(x)$	$+$ ↗	0	$-$ ↘	0	$+$ ↗
$f(x)$		2		-2	
		ма		ми	



Нахождение производной и стационарных точек

2

Определение знаков в промежутках

1

Нахождение промежутков монотонности и точек экстремума

1

Построение графика

2

5

$f(x) = x^3 - 6x^2 + 3$ на отрезке $[-1; 1]$

$f'(x) = 3x^2 - 12x, \quad 3x^2 - 12x = 0 \Rightarrow x = 0, x = 4$

$f(0) = 3, f(1) = 10, f(-1) = 8$. Ответ: $f_{\text{наиб}} = 10$

2

ИТОГО

12

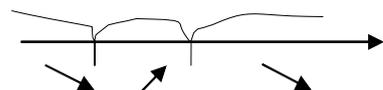
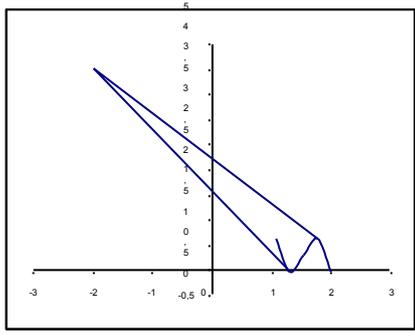
«отлично» - 11,12

«хорошо» - 9 - 10

«удовлетворительно» - 6 - 8

Инструмент оценки 2 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
---	---	-------

1	$f' = \frac{\cos x \cdot x^6 - 6x^5 \cdot \sin x}{x^{12}}$	1																		
2	$S \approx t^3 - 3t + 4$ (м). $V \approx S'(t) \approx (t^3 - 3t + 4)' \approx 3t^2 - 3$; $V(3) \approx 3 \cdot 3^2 - 3 \approx 24$ (м/с)	1																		
3	$Y = -11x + 12$	2																		
4	<p>$y(x) \approx 2 - 3x^3$ 1) $D(y)=R$, 2) общ. вида, 3) (0;2); 4</p> <p>$y'(x) \approx -9x^2$ - -1 + 1 -</p>  <table border="1" data-bbox="239 728 654 1030"> <tr> <td>x</td> <td>-</td> <td>-1</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>4</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>4</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td>min</td> <td></td> <td>max</td> <td></td> </tr> </table> 	x	-	-1	0	1	2	y	4	0	2	4	0			min		max		
x	-	-1	0	1	2															
y	4	0	2	4	0															
		min		max																
	Нахождение производной и стационарных точек	2																		
	Определение знаков в промежутках	1																		
	Нахождение промежутков монотонности и точек экстремума	1																		
	Построение графика	2																		
5	$f(2) = -2$ – наименьшее значение функции	2																		
	ИТОГО	12																		
«отлично» - 11,12 «хорошо» - 9 –10 «удовлетворительно» - 6 - 8																				

Контрольная работа № 9 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ № 4.2 «Интеграл и его применение»

Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1.

1. Для функции $f(x) = 3x^2 - 1$ найдите первообразную, график которой проходит через точку $M(1; -2)$.

2. Вычислите: $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} \sin x dx$

3. Изобразите фигуру, ограниченную графиком функции $[0; 4]$ $f(x) = 4\sqrt{x} - x^2$ и отрезком. Найдите её площадь.

4. 1) Операция по нахождению первообразной называется.....

2) Формула для вычисления площади криволинейной трапеции имеет вид :

а) $S = \int_a^b f(x) dx$ б) $S = \int_a^b f^2(x) dx$ в) $S = \int_a^b f(x) dx$

Вариант 2.

1. Для функции $f(x) = 4x^3 - 2$ найдите первообразную, график которой проходит через точку $M(1; 5)$.

2. Вычислите: $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} \cos x dx$

3. Покажите на координатной плоскости фигуру, ограниченную графиком функции $f(x) = 2\sqrt{x} - x^2$ и осью абсцисс. Найдите площадь этой фигуры.

4. 1) Действие обратное дифференцированию называется...

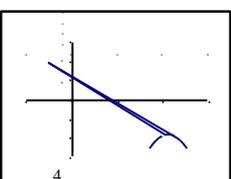
2) Формула $\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$ называется формулой...

а) Коши- Лейбница

б) Лопиталья –Лейбница

в) Ньютона-Лейбница

Инструмент оценки 1 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$F(x) \approx x^3 \cdot x \cdot c, \sim 2 \approx 1^3 \cdot 1 \cdot c \approx c \approx 4$. Ответ: $F(x) \approx x^3 \cdot x \cdot 4$	2
2	1)  $\int_0^1 \sin x dx \approx \cos \frac{\pi}{2} - (\cos 0) \approx 1 - 0 \approx 1$	1
3		
	$S \approx \int_0^4 (4x - x^2) dx \approx (2x^2 - \frac{x^3}{3}) \Big _0^4 \approx 32 - \frac{64}{3} \approx 10 \frac{2}{3}$ (кв.ед)	
	Вычисление интеграла	2
	Изображение криволинейной трапеции	2
4	1) Интегрирование 2) а	1
	ИТОГО	8
«отлично» - 8 баллов «хорошо» - 6,7 балла «удовлетворительно» - 4,5 балла		

Инструмент оценки 2 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$F(x) = x^4 + 2x + 2$	2
2	-1	1
3	$1 \frac{1}{3}$ (кв.ед)	
	Вычисление интеграла	2
	Изображение криволинейной трапеции	2
4	1) Интегрирование 2) в	1
		8

	ИТОГО		
«отлично» - 8 баллов балла	«хорошо» - 6,7 балла	«удовлетворительно» - 4,5	

Контрольная работа № 10 выполняется в письменном виде после изучения ТЕМЫ № 5.1 «Комбинаторика, теория вероятностей и математическая статистика»

Для проведения контрольной работы наличие специальных материалов, оборудования не требуется.

Примерные контрольные задания

Вариант 1.

Задание 1. Сколькими способами можно рассадить 5 человек за столом?

Задание 2. Сколько различных двузначных чисел можно составить из множества цифр $\{1, 2, 3, 4\}$, причем так, чтобы цифры числа были различны?

Задание 3. В компании 10 акционеров, из них трое имеют привилегированные акции. На собрание акционеров явилось 6 человек. Найти вероятность того, что среди явившихся акционеров все трое акционеров с привилегированными акциями отсутствуют.

Задание 4. Найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратичное отклонение случайной величины X , зная закон ее распределения:

X	3	5	2
p	0,1	0,6	0,3

Задание 5. Вероятность событий вычисляется по формуле:

а) $P(A) = n!$ б) $P(A) = \frac{m}{n}$ в) $P(A) = \frac{n}{m}$ г) $P(A) = A_n^m$

Задание 6. Размещение с повторением вычисляется по формуле:

а) $\tilde{A}_n^m \stackrel{\circ}{=} n^m$ б) $A_m^n = \underbrace{n \cdot (n-1)(n-2) \dots}_m$ в) $C_n^m \stackrel{\circ}{=} \frac{A_n^m}{m!}$ г) $P_n \stackrel{\circ}{=} n!$

Задание 7. Перестановка вычисляется по формуле:

а) $\tilde{A}_n^m \stackrel{\circ}{=} n^m$ б) $A_m^n = \underbrace{n \cdot (n-1)(n-2) \dots}_m$ в) $C_n^m \stackrel{\circ}{=} \frac{A_n^m}{m!}$ г) $P_n \stackrel{\circ}{=} n!$

Задание 8. Сочетание вычисляется по формуле:

А) $\tilde{A}_n^m \stackrel{\times}{\circ} n^m$ б) $A_m^n = \underbrace{n \cdot (n-1)(n-2) \dots}_m$ в) $C_n^m \stackrel{\times}{\circ} \frac{A^m}{m!}$ г) $P_n \stackrel{\times}{\circ} n!$

Задание 9. Событие, которое заведомо произойдет, называется...

- А) случайное б) невозможное в) достоверное г) неопределённое

Задание 10. Невозможным называется событие, которое...

- А) никогда не может произойти б) происходит очень редко в) происходит случайно

Вариант 2.

Задание 1. Сколькими способами можно рассадить 7 человек за столом?

Задание 2. Сколько различных двузначных чисел можно составить из множества цифр , причем (так, что)бы цифры числа были различны?

Задание 3. В компании 12 акционеров, из них трое имеют привилегированные акции. На собрании акционеров явилось 5 человек. Найти вероятность того, что среди явившихся акционеров все трое акционеров с привилегированными акциями отсутствуют.

Задание 4. Найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратичное отклонение случайной величины X, зная закон ее распределения:

X	2	3	4
p	0,2	0,5	0,3

Задание 5. Вероятность событий вычисляется по формуле:

а) $P(A) = n!$ б) $P(A) = \frac{m}{n}$ в) $P(A) = \frac{n}{m}$ г) $P(A) = A_n^m$

Задание 6. Размещение с повторением вычисляется по формуле:

А) $\tilde{A}_n^m \stackrel{\times}{\circ} n^m$ б) $A_m^n = \underbrace{n \cdot (n-1)(n-2) \dots}_m$ в) $C_n^m \stackrel{\times}{\circ} \frac{A^m}{m!}$ г) $P_n \stackrel{\times}{\circ} n!$

Задание 7. Перестановка вычисляется по формуле:

А) $\tilde{A}_n^m \stackrel{\times}{\circ} n^m$ б) $A_m^n = \underbrace{n \cdot (n-1)(n-2) \dots}_m$ в) $C_n^m \stackrel{\times}{\circ} \frac{A^m}{m!}$ г) $P_n \stackrel{\times}{\circ} n!$

Задание 8. Сочетание вычисляется по формуле:

А) $\tilde{A}_n^m \overset{\circ}{\sim} n^m$ б) $A_m^n = \underbrace{n \cdot (n-1)(n-2) \dots}_m$ в) $C_n^m \overset{\circ}{\sim} \frac{A^m}{m!}$ г) $P_n \overset{\circ}{\sim} n!$

Задание 9. Событие, которое заведомо произойдёт, называется...

- А) случайное б) невозможное в) достоверное г) неопределённое

Задание 10. Невозможным называется событие, которое...

- А) никогда не может произойти б) происходит очень редко в) происходит случайно

Инструменты оценки 1 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	<p>Решение:</p> <p>Используем формулу количества перестановок: $P_5 = 5! = 120$</p> <p>Ответ: 120 способов</p>	1
2	$A_n^m = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \dots [n - (m-1)] = \frac{n!}{(n-m)!}$ <p>Решение: $A_4^2 = \frac{4!}{(4-2)!} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4}{1 \cdot 2} = 12$</p> <p>Ответ: 12</p>	1
3	<p>Решение:</p> <p>Испытанием является отбор 6 человек из 10 акционеров. Число всех исходов испытания равно числу сочетаний из 10 по 6, т. е.</p> $n = C_{10}^6 = \frac{10!}{6! \cdot 4!} = \frac{7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 10}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} = 210.$ <p>Пусть событие A - среди шести человек нет ни одного с привилегированными акциями. Исход, благоприятствующий событию A, - отбор шести человек среди семи акционеров, не имеющих привилегированных акций. Число всех исходов, благоприятствующих событию A, будет</p> $m = C_7^6 = \frac{7!}{6! \cdot 1!} = 7.$ <p>Искомая вероятность</p> $P(A) = \frac{m}{n} = \frac{7}{210} = \frac{1}{30};$	1

4	$M(X) = \sum_{i=1}^{\infty} x_i p_i,$ <p>$M(X) = 3,9$</p> $D(X) = M(X^2) - [M(X)]^2.$ <p>$D(X) = 1,89$</p> $\sigma(X) = \sqrt{D(X)}.$ <p>$Q(X) = 1,375$</p>	3
5	Б	1
6	А	1
7	Г	1
8	В	1
9	В	1
10	А	1
	ИТОГО	1 2
«отлично» - 12 баллов «хорошо» - 10-11 баллов «удовлетворительно» - 7-9 баллов		

Инструменты оценки 2 вариант

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	<p>Решение:</p> <p>Используем формулу количества перестановок: $P(A) = n!$</p> <p>Ответ: 5040 способов</p>	1

2	$A_n^m = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \dots [n - (m-1)] = \frac{n!}{(n-m)!}$ <p>Решение: $A_4^2 = \frac{4!}{(4-2)!} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4}{1 \cdot 2} = 12$</p> <p>Ответ: 12</p>	1
3	<p>Решение: Испытанием является отбор 5 человек из 12 акционеров. Число всех исходов испытания равно числу сочетаний из 12 по 5, т. е.</p> $C_n^m = \frac{n!}{m! \cdot (n-m)!} = 792$ <p>Пусть событие A - среди шести человек нет ни одного с привилегированными акциями. Исход, благоприятствующий событию A, - отбор шести человек среди семи акционеров, не имеющих привилегированных акций. Число всех исходов, благоприятствующих событию A, будет $C_n^m = \frac{n!}{m! \cdot (n-m)!} = 10$</p> <p>Искомая вероятность $P(A) = \frac{m}{n} = 0,0126$</p>	1
4	$M(X) = \sum_{i=1}^{\infty} x_i p_i,$ <p>M(X) = 3,1</p> $D(X) = M(X^2) - [M(X)]^2.$ <p>D(X) = 0,49</p> $\sigma(X) = \sqrt{D(X)}.$ <p>Q(X) = 0,7</p>	3
5	Б	1
6	А	1

7	Г	1
8	В	1
9	В	1
10	А	1
	ИТОГО	1 2
«отлично» - 12 баллов «хорошо» - 10-11 баллов «удовлетворительно» - 7-9 баллов		

II. КОНТРОЛЬНО-ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Спецификация

Экзамен является формой промежуточной аттестации для оценки предметных результатов, проводится после изучения всего программного материала учебной дисциплины «ОУД.11 Математика (вкл. алгебру и начала математического анализа, геометрию)» в письменной форме.

Примерные экзаменационные задания

Вариант 1

Задание 1. Найдите значение выражения $3^2 : 3^{-1} \cdot 125^3 \cdot 5^{-2} \cdot 5^3 \cdot \sqrt[3]{9}$. Полученное число принадлежит множеству:

а) целых чисел; б) комплексных чисел; в) рациональных чисел.

Задание 2. Найдите значение выражения $\log_3 27 \cdot 7^{\log_7 5} \cdot 81^{0,5}$.

Задание 3. Решите графически уравнение: $2x^2 - 1 = 3x$.

Задание 4. Решите тригонометрическое уравнение: $\operatorname{tg} x \cdot \operatorname{ctg} x \cdot \sin x = 0$.

Задание 5. Решите неравенство: $36^x \cdot 6^x \cdot 2^{\log_2 6^4}$.

Задание 6. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $y = x^3 - 3x^2 + 2$ на отрезке $[0; 1]$.

Задание 7. Найдите площадь криволинейной трапеции, ограниченной графиком функции $f(x) = x^2$, осью OX и прямыми $x=0$, $x=1$.

Задание 8. Решите задачу: В правильной четырёхугольной пирамиде MABCD высота 4 см, апофема равна 5 см. Найдите площадь поверхности и объём пирамиды.

Задание 9. Дан $\triangle ABC$, $A(0; 1; -1)$, $B(1; -1; 2)$, $C(3; 1; 0)$. Найдите длину медианы AM.

Задание 10. Решите задачу: В урне находятся 10 белых и 5 черных шаров. Сколькими способами из урны можно вынимать наугад 3 шара, чтобы все три шара были белыми?

Вариант 2

Задание 1. Найдите значение выражения $162^{\frac{3}{5}} \cdot 50^{\frac{3}{5}} \cdot 32^{\frac{3}{5}} \cdot 34^{\frac{3}{5}} \cdot 2 : 23$. Полученное число принадлежит множеству:

а) целых чисел; б) комплексных чисел; в) рациональных чисел.

Задание 2. Найдите значение выражения

$$\log_4 16 \cdot 3^{\log_3 7} \cdot 36^{0,5}$$

Задание 3. Решите графически уравнение: $3x \approx 1 - 4x$.

Задание 4. Решите тригонометрическое уравнение: $\operatorname{tg} x \cdot \operatorname{ctg} x - \sin x \approx 0$.

Задание 5. Решите неравенство: $7^{2x} \cdot 4^{\log_4 x} \leq 49$.

Задание 6. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $f(x) = 2 \cdot 3x - x^3$ на отрезке $[0; 1]$.

Задание 7. Найдите площадь криволинейной трапеции, ограниченной графиком функции $f(x) = 4 - x^2$, осью Ox и прямыми $x=0$, $x=1$.

Задание 8. Решите задачу: В правильной четырёхугольной пирамиде $MA_1B_1C_1D_1$ боковое ребро $a = \sqrt{4}$ см, сторона основания 6 см. Найдите площадь поверхности и объём пирамиды.

Задание 9. Дан $\triangle ABC$, $A(0; 1; -1)$, $B(1; 4; 1)$, $C(-2; 3; 1)$. Найдите длину медианы BM .

Задание 10. Сколькими способами можно выбрать три лица на три одинаковые должности из десяти кандидатов?

Вариант 3

Задание 1. Найдите значение выражения $3,1^{\sqrt{3}} : 3^{\sqrt{3}} \sim 16^4 + 2^3 - 2^6$. Полученное число принадлежит множеству:

а) целых чисел; б) комплексных чисел; в) рациональных чисел.

Задание 2. Найдите значение выражения $25^{0,5} \log_3 36 \cdot 4^{\log_4 3}$

Задание 3. Решите графически уравнение: $2x \approx 2x - 1$

Задание 4. Решите тригонометрическое уравнение: $\operatorname{tg} x \cdot \operatorname{ctg} x \cdot \cos x \approx 0$

Задание 5. Решите неравенство $52x : 7 \log_7 5^3 \approx 25$

Задание 6. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $y \approx x^3 - 3x$ на отрезке $[0; 1]$.

Задание 7. Найдите площадь криволинейной трапеции, ограниченной графиком функции $f(x) = 2x^2$, осью OX и прямыми $x=0$, $x=1$.

Задание 8. В правильной четырёхугольной пирамиде MABCD высота 4 см, апофема наклонена к плоскости основания под углом 30° . Найдите площадь поверхности и объём пирамиды.

Задание 9. Дан $\triangle ABC$, $A(0;1;-1)$, $B(2;3;1)$, $C(3;4;1)$. Найдите длину медианы CM.

Задание 10. Сколько различных перестановок букв можно сделать в слове ЗАМОК?

Инструменты оценки

Вариант 1.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	в) $27-25-\frac{1}{25}+1=2\frac{24}{25} \quad \text{или } Q$	Максимально - 55 <i>Ошибка в вычислении арифметических действий- 49,5;</i> <i>Ошибка в определении свойства степеней- 44;</i> <i>Отсутствие ответа (выбора из данных)- 38,5</i>
2	$3-5+9=7$	Максимально – 30 <i>Ошибка в вычислении арифметических действий- 27;</i> <i>Ошибка в определении свойства логарифмов- 24;</i> <i>Отсутствие ответа- 21</i>
3	$2x = 3x$. Построить графики функций $y = 2^x$ и $y = 3^x$. Точка пересечения графиков является корнем уравнения. Ответ: $x = 0$.	Максимально - 60 <i>Ошибка в вычислении арифметических действий- 54;</i> <i>Ошибка в определении функций - 48;</i> <i>Отсутствие ответа- 42</i>
4	$\text{tg}x \neq \text{ctg}x$, $\sin x = 0 \Leftrightarrow 1$, $\sin x = 0 \Leftrightarrow \sin x = 1 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$	Максимально - 30 <i>Ошибка в вычислении арифметических действий- 27;</i> <i>Ошибка в определении тригонометрической формулы- 24;</i>

		Отсутствие ответа- 21
5	$36^x \cdot 6^x \cdot 2^{\log_2 6} \cdot 6^{2x} \cdot 6^{x^4} \cdot 2x \cdot x^4 \cdot x^4$ Ответ: $x \in (-\infty; 4)$	Максимально - 30 Ошибка в вычислениях арифметических действий- 27; Ошибка в определении свойства степеней- 24; Отсутствие ответа- 21
6	1) $y' = 3x^2 - 6x$; 2) $3x^2 - 6x = 0$; $x(x - 2) = 0$; $x = 0$ $x = 2$ $2 \in [0; 1]$ 3) $y(0) = 0^3 - 3 \cdot 0^2 + 2 = 2$ $y(1) = 1^3 - 3 \cdot 1^2 + 2 = 1 - 3 + 2 = 0$ Ответ: $y_{\min}(0) = 2$ $y_{\max}(1) = 0$	Максимально - 50 Ошибка в вычислениях арифметических действий- 45; Ошибка в нахождении производной функции - 40; Отсутствие ответа- 35
7	$S = \int_0^1 (1 - x) dx = (x - \frac{x^2}{2}) \Big _0^1 = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ кв.ед.	Максимально - 45 Ошибка в вычислениях арифметических действий- 40,5; Ошибка в нахождении первообразной функции -36; Отсутствие ответа- 31,5
8		Максимально - 105 Ошибка в вычислениях арифметических действий-94,5; Ошибка в определении формул

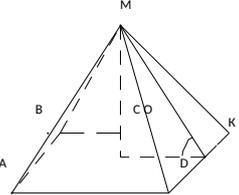
	$OK^2 \approx MK^2 \approx OM^2$; $OK \approx \sqrt{25 - 16} \approx \sqrt{9} \approx 3$ (см); $AD \approx 6$ см $V = \frac{1}{3} S_{осн.} \cdot H$; $V = \frac{1}{3} \cdot 62 \cdot 4 \approx 48$ см ³ ; $S_{бок.} \approx S_{осн.} \approx \frac{1}{2} P_{осн.} \cdot MK$; $S_{осн.}$; $S \approx \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 6^2 \approx 60 \cdot 36 = 96$ см ² Ответ: $V = 48$ см ³ ; $S \approx 96$ см ²	площадей и (или) объемов многогранников - 84; Отсутствие ответа - 73,5
9	$M \frac{1}{2} \frac{3}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{2}{2} \frac{0}{2}$; $\frac{0}{2}$ (2;0;1), $AM \approx 2$; $0; 0; 1; 1$ (1); $2; 1; 2$; $ AM \approx \sqrt{2^2 + (-1)^2} = \sqrt{5} \approx 2,24$	Максимально - 45 Ошибка в вычислении арифметических действий - 40,5; Ошибка в определении формул - 36; Отсутствие ответа - 31,5
10	$C_{15}^3 \approx \frac{15!}{3! \cdot 12!} \approx \frac{15 \cdot 14 \cdot 13}{6} \approx 455$. Ответ: 455 способов	Максимально - 15 Ошибка в вычислении арифметических действий - 13,5; Ошибка в определении формулы - 12; Отсутствие ответа - 10,5
ИТОГО		465
«отлично» - 418-465 баллов «хорошо» - 325-417 баллов «удовлетворительно» - 233-324 балла		

Инструменты оценки

Вариант 2.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	в) $64 - 1 - \frac{1}{9} - 16 = 46 - \frac{8}{9} \approx 46,11$	Максимально - 55 Ошибка в вычислении арифметических действий - 49,5; Ошибка в определении свойства степеней - 44; Отсутствие ответа (выбора из данных) - 38,5
2	$2 + 7 - 6 = 3$	Максимально - 30

		<p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 27;</p> <p>Ошибка в определении свойства логарифмов- 24;</p> <p>Отсутствие ответа- 21</p>
3	<p>$3x \leq \sqrt{4x}$. Построить графики функций $y = 3^x$ и $y = \sqrt{4x}$. Точка пересечения графиков является корнем уравнения. Ответ: $x = 0$.</p>	<p>Максимально - 60</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 54;</p> <p>Ошибка в определении функций - 48;</p> <p>Отсутствие ответа- 42</p>
4	<p>$\text{tg} x < \text{ctg} x \iff \sin x > 0 \iff \sqrt{1 - \sin^2 x} > 0 \iff \sin x > 1 \iff x \in (2\pi n, 2\pi n + \pi), n \in \mathbb{Z}$</p>	<p>Максимально - 30</p> <p>\mathbb{Z}</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 27;</p> <p>Ошибка в определении тригонометрической формулы- 24;</p> <p>Отсутствие ответа- 21</p>
5	<p>$7^{2x} < 4^{\log_4 7^3} \iff 49 < 7^{2x} \iff 7^2 < 2x \iff 3 < 2x \iff x > 1,5$</p> <p>Ответ: $x > 1,5$</p>	<p>Максимально - 30</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 27;</p> <p>Ошибка в определении свойства степеней- 24;</p> <p>Отсутствие ответа- 21</p>
6	<p>1) $f'(x) = 3 - 3x^2$;</p> <p>2) $3 - 3x^2 = 0$;</p> <p>$\iff 3x^2 = 3$,</p> <p>$x^2 = 1$</p> <p>$1 - x$</p> <p>$\iff -1$</p> <p>$x = 1$</p> <p>1</p> <p>-1 <input type="radio"/> <input checked="" type="radio"/> 0; 1 <input checked="" type="radio"/></p> <p>3) $f(0) = 2 - 0 = 2$</p>	<p>Максимально - 50</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 45;</p> <p>Ошибка в нахождении производной функции - 40;</p> <p>Отсутствие ответа- 35</p>

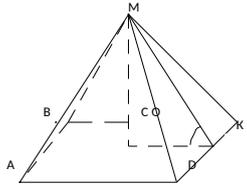
	$f(1) \approx 2 \cdot 3 \cdot 1 \approx 4$ Ответ: $f_{\min}(0) \approx 2$ $f_{\max}(1) \approx 4$	
7	$S = \int_0^1 (4 - x^2) dx \approx (4x - \frac{x^3}{3}) \Big _0^1 \approx 4 \cdot \frac{1}{3} - \frac{1}{3} \approx \frac{4}{3} - \frac{1}{3} \approx \frac{3}{3} = 1$ (кв.ед)	Максимально - 45 Ошибка в вычислении арифметических действий- 40,5; Ошибка в нахождении первообразной функции -36; Отсутствие ответа- 31,5
8	 <p>Решение:</p> $MK \approx \sqrt{5^2 - 4^2} = \sqrt{25 - 16} = \sqrt{9} = 3$ (см); $MO \approx 4$ (см) $V = \frac{1}{3} S \cdot H$; $V = \frac{1}{3} \cdot 62 \cdot 4 \approx 82,67$ см ³ ; $S \approx S_{бок.} + S_{осн.} \approx \frac{1}{2} P_{осн.} \cdot S_{MK} + S_{осн.}$; $S \approx \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 6 + 5 \cdot 6^2 \approx 96$ (см ²) <p>Ответ: $V=48\text{см}^3$; $S \approx 96 \text{ см}^2$</p>	Максимально - 105 Ошибка в вычислении арифметических действий-94,5; Ошибка в определении формул площадей и (или) объемов многогранников - 84; Отсутствие ответа- 73,5
9	$M(2; 1; 3)$; $N(1; 2; 0)$; $\vec{BM} = (1; 2; 4)$; $\vec{BN} = (2; 2; 1)$; $ \vec{BM} \approx \sqrt{(2)^2 + (2)^2 + (1)^2} = \sqrt{9} \approx 3$	Максимально - 45 Ошибка в вычислении арифметических действий-40,5; Ошибка в определении формул- 36; Отсутствие ответа- 31,5

10	$C_{10}^3 \cdot \frac{10!}{3! \cdot 7!} = 120$ <p>Ответ: 120 способов</p>	<p>Максимально - 15</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий-13,5;</p> <p>Ошибка в определении формулы - 12;</p> <p>Отсутствие ответа- 10,5</p>
ИТОГО		465
<p>«отлично» - 418-465 баллов «хорошо» - 325-417 баллов «удовлетворительно» - 233-324 балла</p>		

Инструменты оценки

Вариант 3.

№	Инструменты оценки (ключ, критерии, модельные ответы)	Баллы
1	$b) 1-27-8+ \frac{1}{8} = 33 \frac{7}{8} Q;$	<p>Максимально - 55</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 49,5;</p> <p>Ошибка в определении свойства степеней- 44;</p> <p>Отсутствие ответа (выбора из данных)- 38,5</p>
2	$5-2+3=6$	<p>Максимально - 30</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 27;</p> <p>Ошибка в определении свойства логарифмов- 24;</p> <p>Отсутствие ответа- 21</p>
3	$2x \cdot 2x = 1$ <p>Построить графики функций $y = 2^x$ и $y = 2x - 1$. Точка пересечения графиков является корнем уравнения. Ответ: $x = 0$.</p>	<p>Максимально - 60</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 54;</p> <p>Ошибка в определении функций - 48;</p> <p>Отсутствие ответа- 42</p>
4	$tgx \cdot ctgx \cdot \cos x = 0 \vee \cos x = 0 \vee \cos x = 1 \vee x = 2\pi n, n \in Z$	<p>Максимально - 30</p> <p>Ошибка в вычислении арифметических действий- 27;</p> <p>Ошибка в определении тригонометрической формулы- 24;</p>

		Отсутствие ответа- 21
5	$5^{2x} \cdot 7^{\log_7 5^3} = 25 \cdot 5^{2x} = 5^2 \cdot 2x^3 = 2 \cdot x^2$ Ответ: $x \in (2, 5; +\infty)$	Максимально - 30 Ошибка в вычислении арифметических действий- 27; Ошибка в определении свойства степеней- 24; Отсутствие ответа- 21
6	1) $f'(x) = 3x^2 - 3$; 2) $3x^2 - 3 = 0$; $3x^2 = 3$, $x^2 = 1$ $x = 1$ $x = -1$ $f(1) = 0$; $f(-1) = 2$; Ответ: $f_{\min}(1) = 0$; $f_{\max}(-1) = 2$	Максимально - 50 Ошибка в вычислении арифметических действий- 45; Ошибка в нахождении производной функции - 40; Отсутствие ответа- 35
7	$S = \int_0^1 (2 - x^2) dx = 2x - \frac{x^3}{3} \Big _0^1 = 2 - \frac{1}{3} = \frac{5}{3}$ (кв.ед)	Максимально - 45 Ошибка в вычислении арифметических действий- 40,5; Ошибка в нахождении первообразной функций -36; Отсутствие ответа- 31,5
8	 Решение: $MO = MK \sin 30^\circ$	Максимально - 105 Ошибка в вычислении арифметических действий-94,5; Ошибка в определении формул площадей и (или) объемов многогранников - 84;

	$MK = \frac{MO}{\sin 30^\circ} = \frac{4}{\frac{1}{2}} = 8(\text{см});$ $OK^2 = MK^2 - OM^2;$ $OK = \sqrt{64 - 16} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}(\text{см})$ $AD = 8\sqrt{3}$ $\text{см, } V = \frac{1}{3} S H$ $H = 3\sqrt{3}$ $V = \frac{1}{3} (8\sqrt{3})^2 \cdot 3\sqrt{3} = 256 \text{ см}^3;$ $S_{бок.} = S_{осн.} \cdot P_{осн.} = \frac{1}{2} MK \cdot S_{осн.} \cdot \sqrt{2}$ $S = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 8\sqrt{3} \cdot \sqrt{2} = 128\sqrt{6} \text{ (см}^2\text{)}$ <p>Ответ: $V=256 \text{ см}^3$; $S = 128\sqrt{6} \text{ см}^2$</p>	Отсутствие ответа- 73,5
9	$M(1;2;0),$ $CM = \sqrt{(2-1)^2 + (2-2)^2 + (0-1)^2} = \sqrt{2}$	Максимально - 45 Ошибка в вычислении арифметических действий-40,5; Ошибка в определении формулы-36; Отсутствие ответа- 31,5
10	В слове ЗАМОК все буквы различны, всего их пять, поэтому $P_5=5!$ $=1*2*3*4*5=120.$ Ответ: 120 способов	Максимально - 15 Ошибка в вычислении арифметических действий-13,5; Ошибка в определении формулы - 12; Отсутствие ответа- 10,5
ИТОГО		465
«отлично» - 418-465 баллов «хорошо» - 325-417 баллов «удовлетворительно» - 233-324 балла		

